1636 क्रमाक विषय कोड पुरितका कोड 2012 (I) गणित विज्ञान प्रश्न पत्र पूर्णांक : 200 अंक समय : 3:00 घंटे आपने हिन्दी को माध्यम चुना है । इस परीक्षा पुस्तिका में एक सौ बीस (20 भाग 'A' में + 40 भाग 1. 'B' + 60 भाग 'C' में) बहुल विकल्प प्रश्न (MCQ)दिए गए हैं । आपको भाग 'A' में से अधिकतम 15 और भाग 'B' में 25 प्रश्नों तथा भाग 'C' में से 20 प्रश्नों के उत्तर देने हैं । यदि निर्धारित से अधिक प्रश्नों के उतार दिए पए तब केवल पहले भाग 'A' से 15,भाग 'B' से 25 तथा भाग 'C' से 20 उत्तरों की जांच की जाएगी । उत्तर पत्र अलग से दिया गया है । अपना रोल नम्बर और केन्द्र का माम लिखने से पहले यह जांच 2. लोजिए कि पुस्तिका में पृष्ठ यूरे और सही हैं तथा कहीं से कटे-फटे नहीं हैं । यदि ऐसा है तो आप इंविजीलेटर से पुस्तिका बदलने का निवेदन कर सकते हैं । इसी तरह से उतार पत्र को भी जांच लें । इस पुस्तिका में रफ काम करने के लिए अतिरिक्त पत्ने संलग्न हैं । उत्तर पत्र के पृथ्व 1 में दिए गए खान पर अपना रोल नम्बर नाम, अपना पता तथा इस परीक्षा 3. एस्तिका का क्रमांक लिखिए । आपके हस्ताक्षर भी जरूरी हैं । आप अपनी ओ.एम.आर. उतार पुस्तिका में रोल नंबर, विषय कोड, पुस्तिका कोड और केन्द्र कोड से 4. संबंधित समुचित वृतों को अवस्य काला कर दें । यह एक मात्र परीक्षार्थी की जिम्मेदारी है कि वह उत्तर पुसिर्गका में दिए गए निर्देशों का पूरी सावधानी से पालन करें, ऐसा न करने पर कम्प्यूटर दिवरणों का राही तरीके से अकूटित नहीं कर पाएगा, जिससे अंततः आपको हानि, जिससे आपकी उत्तर पुस्तिका की अस्वीकृति भी घामिल, हो सकती है । भाग 'A' में प्रत्येक प्रश्न 2 अंक , भाग 'B' में प्रत्येक प्रश्न के 3 अंक तथा भाग 'C' में प्रत्येक प्रश्न 5. 4.75 अंक का है । प्रार्थक गलत उत्तर का ऋणात्मक मूल्यांकन भाग 'A' में @ 0.5 अंक तथा भाग 'B' में @ 0.75 अंक से किया जाएगा । भाग 'C' के उत्तरों के लिए ऋणात्मक मूल्यांकन नहीं \$1 भाग 'A' तथा भाग 'B' के प्रत्येक प्रशन के नीचे चार विकल्प दिए गए हैं । इनमें से केवल एक 6. विकल्प ही "सही" अथवा "सर्वोत्तम हल" है । आपको प्रत्येक प्रश्न का सही अथवा सर्वोत्तम हल वंदना है । भाग 'C' में प्रत्येक प्रहन का "एक" या "एक से अधिक" विकल्प सही हो सकते हैं । भाग 'C' ने प्रत्येक प्रश्न के सभी विकल्पों का सही चयन करने पर ही क्रेंडिट प्राप्त होगा । सब सही विकल्पों का घयन नहीं करने पर कोइ ओशिक क्रेडिट नहीं दियां जाएगा । नकल करते हुए या अनुधित तरीकों का प्रयोग करते हुए पाए जाने वाले अभ्याधियों का इस और 7. अन्य भावी परीक्षाओं के लिए अयोग्य तहराया जा सकता है । अभ्यार्थी को उत्तर या रक पन्नों के अतिरिक्त कहीं और कुछ भी नहीं लिखना चाहिए । 8. -परीक्षा समाप्त.हो जाने पर परीक्षा पुस्तिका और उत्तर पत्र को इंचिजीलेटर को अवस्य सौंप दीजिए। 9. 10. केलकुलेटर का उपयोग करने की अनुमति नहीं है । किसी प्रहन में विसंगति के मामले में अंग्रेजी संस्करण प्रवल होगा । 11. रोल नंबर अभ्यर्थी द्वारा भरी गई जानकारी को मैं सत्यापित करता हैं । নাম डन्विजीलेटर के हस्ताक्षर S/07 RD/12-4 AH-1A

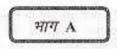
AH

S/07 RD/12-4 AH-1B

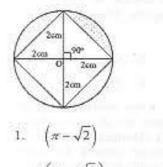
٠.

Download from www.JbigDeaL.com bidDea

3



1. छायित क्षेत्र का क्षेत्रफल सेमी 2



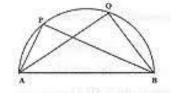


2. एक समकोण त्रिभूजीय आकृति के बाग के कोण समांतर श्रेणी में हैं और सबसे छोटी भुजा 10-00 मीटर है । वाग की बाइ की कुल लंबाई, मीटर में, है

 $(\pi - 2)$

1.	60.00	2.	47.32	
3	12.68	4	22.68	

3. चित्र में दर्शाये अनुसार किसी अर्धवृत्त का व्यास AB है। यदि AQ = 2AP तो निम्न में ते कीनसा विकल्प सही है ?



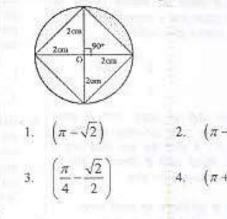
- $\angle APB = \frac{1}{2} \angle AQB$
- $\angle APB = 2 \angle AOB$ 2.
- $\angle APB = \angle AQB$ 3.
- $\angle APB = \frac{1}{4} \angle AQB$ 4.
- खरगोशों के एक समूह A की जनसंख्या 25% प्रतिबर्ध 4. की दर से गढ़ती है जगकि समूह B की वृद्धि दर 50% प्रतिवर्ध है । यदि समूह A और B की वर्तमान जनसंख्याएँ समान हैं तो दो वर्ष पश्चात समूह B और समूह A के खरगोशों की संख्या का अनुपात होगा :
 - 1. 1.44 2. 1.72 1.25

4.

3. 1.90

PART A

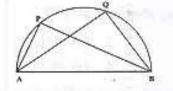
1. The area of the shaded region in cm2 is



2. The angles of a right-angled triangle shaped garden are in arithmetic progression and the smallest side is 10.00 m. The total length of the fencing of the garden in m is

1.	60.00	2. 47.32

- 3. 12.68 4. 22.68
- AB is the diameter of the semicircle as shown in the diagram. If AQ = 2AP then which of the following is correct?



1.
$$\angle APB = \frac{1}{2} \angle AQB$$

2. $\angle APB = 2 \angle AQB$
3. $\angle APB = \angle AQB$

1

2

4.
$$\angle APB = \frac{1}{4} \angle AQB$$

The rabbit population in community A increases at 25% per year while that in B increases at 50% per year. If the present populations of A and B are equal, the ratio of the number of the rabbits in B to that in A after 2 years will be

1.	1.44	2.	1.72
3.	1.90	4.	1.25

3. 1.90

4

- 5. O2 a H2 actuar all al mini mmini mmini mini 15. Two moles each of O2 and H2 are in two separate containers, each of volume Vo and at 150 °C and 1 हो पात्रों में 150° ले. और 1 बायुमंडलीय दाव पर है : ये atmosphere. The two are made to react in a third योगों गैस एक तीसरे पात्र में किया कर तब तक वाष्प container to form water vapour until H2 is वनाते हैं जब तक कि H2 पूर्ण रूप से घुक नहीं जाती। exhausted. When the temperature of the mixture in जब तीसरे पात्र के मिश्रण का तापमान 150° से पर the third container was restored to 150 °C, its लामा जाता है तो इसका दाब 1 बागुमण्डल हो जाता है pressure became 1 atmosphere. The volume of the । तीसरे पात्र का आयतन होना चाहिये third container must be 5V₀/4 1. Po 2. 5K/4 1. Vo t. 3. 31/12 4. 2Va 4. 2V2 3. 31/0/2 हीलियम व अगर्मन गैसे दो अलग पात्रों में सामान 6. Helium and argon gases in two separate containers तापनान पर हैं । अतः इनके वर्ग-माच्य-मूल वेग का are at the same temperature and so have different मान भी विभिन्न है : वे दोनों मेस एक तौंसरे प्रात्र में root-mean-square (r.m.s.) velocities. The two are उसी तापमान पर मिलाई जाती है जिसम के हीलिंगम mixed in a third container keeping the same परमाणुओं का वर्ग-माध्य-मुल वेग होगा temperature. The r.m.s. velocity of the helium atoms in the mixture is मिश्रण बनाने के पूर्व जिलना था उससे ज्यादा 2. मिश्रण बनाने के पूर्व जितना थ उससे कम 1. more than what it was before mixing. 3. मिश्रण बनाने के पूर्व जितना था जसके समान 2. less than what it was before mixing. 4. मिन्नण के ऑर्मन परमाणुओं के येग के समान 3. equal to what it was before mixing. 4. equal to that of argon atoms in the mixture. 7. सामून के उत्पादन में सिलखड़ी खनिज का उपयोग 7. The mineral talc is used in the manufacture of soap किया जाता है वयोंकि यह because it (a) उत्पाद का परिमाण बढता है (a) gives bulk to the product (b) जीमाणुओं को मारता है (b) kills bacteria (c) समंघ देता है (c) gives fragrance (d) मुलायम है और त्यमा को खराँचला नहीं है (d) is soft and does not scratch the skin उपर्युवत में से कीनसां/कॉनरों कथन सही है/हैं ? Which of the above statements is/are correct? 2. (a) और (c) 1. (d) 1. (d) 2. (a) and (c) 4. (a) और (d) 4. (a) and (d) 3. (a) site (b) 3. (a) and (b) 8. 100 g of an inorganic compound X-5H2O containing 100 ग्राम अकार्बनिक यौगिक X-SH₂O को जिसमें एक a volatile impurity was kept in an oven at 150 °C for वाण्यशील अशुदि है, एक भट्टी में 150° से. पर 60 60 minutes. The weight of the residue after heating मिनट तक रखा गया । गर्म करने के पश्चात अवशोष is 8 g. The percentage of impurity in X was का भार 8 ग्राम रहता है । 🗙 में अमुद्धि को प्रतिसतता eff 1. 10 2. 8 1. 10 2. 8 4. 80 3. 20 3. 20 4, 80 9. On a certain night the moon in its waning phase was 9. एक विशेष सन्नि में शुक्लपक्षीय चंद्र एक अर्ध-चंद्र था । a half-moon. At midnight the moon will be उस गय रात्रि को चंद्र 1. on the eastern horizon. 1. पूर्वी जितिज पर होगा 2. at 45° angular height above the eastern horizon. 2. 'पूर्वी क्षितिज की 45° 'कोणीय जॅथाई पर होगा 3. at the zenith. 3. आजाश के शिलेबिंदू पर होगां
 - 4. परिवमी सितिज पर होगा

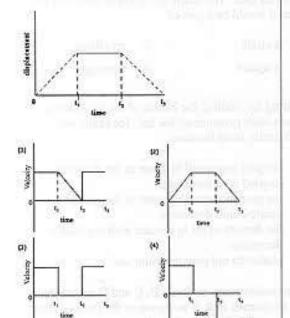
on the western horizon.

Download from www.JbigDeaL.com JbigDeal Powered BW

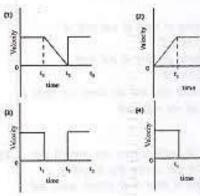
- 10. नाभिकीय रिएक्टर में एक रत्न को 5 दिन तक विकिसणित किया जाता है । विकिरणन के 10 दिन बाद रत्न के रेडियो समस्थानिक क्रोमियम की सक्रियता 600 विघटन प्रति घंटे हैं । किरणन के 5 दिन बाद रेडियोक्रोमियम की सक्रियता कितनी होगी यदि इसकी अर्पायु ५ दिन है ?
 - 1. 300 150 2 3. 2400 1200 4.
- 11. एक पिण्ड के सरकान विरुद्ध समय का पक्र यित्र में दर्शाये अनुसार है । उस ग्राफ को चुनिये जो कि इस पिण्ड के येग का समय के साथ परिवर्तन सही सही दर्शाता है
- 10. A gemstone is irradiated in a nuclear reactor for 5 days. Ten days after irradiation, the activity of the chromium radioisotope in the gemstone is 600 disintegrations per hour. What is the activity of chromium radioisotope 5 days after irradiation if its half life is 5 days?

1.	300	2.	150
3.	2400	4.	1200

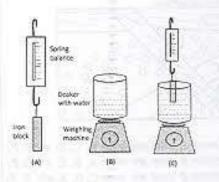
11. Displacement versus time curve for a body is shown in the figure. Select the graph that correctly shows the variation of the velocity with time



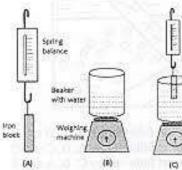
ling increment







12.



12.

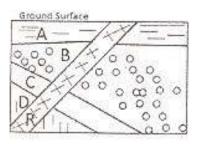
थित्र A की कमामीदार तुला 0.5 कि.जा. दशांती है तथा बिन्न की पलडेदार तुला 3.0 कि.प्रा. दशांती है। कमानीदार कुला ने लएनना लौह ठाण्ड बित्र C के बीकर के पानी में आशिक रूप से दुवाया जाता है। कमानीदार तुला अब 0.4 कि.प्रा. दशांती है। चित्र में पलडेदार तुला दशांवेगी

12	5.11 55.57	2.	2.9	漳西
3.	3.1 <i>कि.</i> म	4.	3.5	कि या

13. एक रासी के दोनों सिरे दो अलग खुटों में इस तरह को आते हैं कि ररसी पर्याप्त ठीली सहती है। एक पेसिल इस रासी में इस तरह रादा कर पुगाई जाती है कि रस्ती स्मेशा तनी रहे। पेंतिल को धुमाने से बनने बाली आकृति किसबी अला होगी 2

1.	एक वृत	2.	एक लच्चवृत
3.	एक वर्ष	4.	्रक विभुज

- 14. वर्ष पर स्केटिंग के दौराम वर्ष स्केटर के जुतों की पतित्यों वर्ष पर दयाव ठालती हैं । वर्ष स्केटर निपुणसामूर्वक स्कंट कर सकता है वर्षाकि
 - लगमे थाले दयाव के वढ़में से वर्फ पानी में परिवर्तित हो जाता है
 - लगने बाले दबाव वो घटने से बर्फ पानी में धरिवर्तिन हो जाता है
 - 3. परितयों के सम्पर्क वाले वर्ष का घनत्व घट जाता है
 - 4. पतिवर्धे बर्फ को भेद नहीं पाती
- 15. अनुप्रस्थकाट वित्र में वरायि अनुसार चार तलकटी होल A, B, C और D में एक आग्नेय होल R मुसी है । इनकी आगु के संबंध में निग्न में से कॉनसा कथन सही है ?

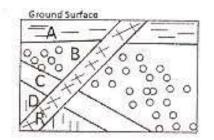


- 1. A तरुवातम है उसके बाद क्रमश B, C, D और R है।
- 2. R तरुणतम है उसके वाद क्रमस A, B, C और D है।
- 3. D तरुणतम हे उसके बाद क्रमश C, B, A और R है।
- 4. A तरणतम है जसके बाद क्रमश: R, B, C और D है।

The spring balance in Fig. A reads 0.5 kg and the pan balance in Fig. B reads 3.0 kg. The iron block suspended from the spring balance is partially immersed in the water in the beaker (Fig. C). The spring balance now reads 0.4 kg. The reading on the pan balance in Fig. C is

1.5	3.0 kg	2.	2.9 kg
3.	3.1 kg	4.	3.5 kg

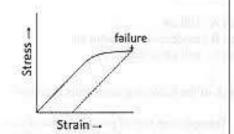
- 13. The ends of a rope are fixed to two pegs, such that the rope remains stack. A pencil is placed against the rope and moved, such that the rope always remains taut. The shape of the curve traced by the pencil would be a part of
 - a circle
 an ellipse
 - a square
 a triangle
- During ice skating, the blades of the ice skater's shoes exert pressure on the ice. Ice skater can efficiently skate because
 - ice gets converted to water as the pressure exerted on it increases.
 - ice gets converted to water as the pressure exerted on it decreases.
 - the density of ice in contact with the blades decreases.
 - 4. blades do not penetrate into ice.
- 15. Four sedimentary rocks A, B, C and D are intruded by an igneous rock R as shown in the cross-section diagram. Which of the following is correct about their ages?



- 1. A is the youngest followed by B, C, D and R.
- 2. R is the youngest followed by A, B, C and D.
- 3. D is the youngest followed by C, B, A and R.
- 4. A is the youngest followed by R, B, C and D.

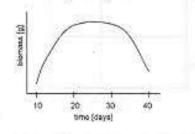
7

16. एक ठोस परार्थ जो कि लगातार तनाव में है उसकी टान संलग्न पित्र में अंपित की गई है ।



निम्न में से कौनसा कथन सत्य है ?

- विफलता बिन्दु तक ठोरा प्रत्यास्थतायूर्वक विकृत होता है ।
- विफलता पिन्दु तक होस प्लास्टिकता पूर्वक विकृत होता है ।
- विफलता होने पर तोस अपने मूल आकार व स्वरूप में आ जाता है ।
- बिफलता होने पर ठोस हमेशा के लिये बिकृत हो जाता है ।
- 17. एक जीव की वृद्धि जिसे कि समय के नियत अंतरालों पर जांचा गया था नीके दिये गये प्रारू में दर्शाचा गया है। किस समय के दौरान वृद्धि दर छून्य है?

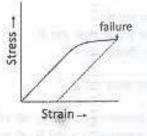


- 1. दसवें दिन के आरुपास
- 2. 20 # 127
- 3. 20 A 30 Rol a da
- 30 से 40 दिनों के बीच
- 18. लाल (R) बीजों वाले एक लंबे (T) पीधे (दोनों प्रमुख विशेषताये) को एक सफंट (r) बीजों वाले बीने (t) यीधे सं सकरित किया गया था । यदि पृथवकारी संतति ने समान संख्या में लंबे लाल व थीने सफेट पीधे पंदा किये तो उनके जनकों का जीन प्ररूप होगा ?.

1. TtRr × TtRR

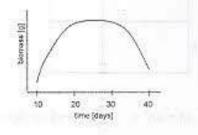
- 2. TtRr×ttrr
- 3. TTRR × ttrr
- 4. TTRR × TtRr

 The strain in a solid subjected to continuous stress is plotted.



Which of the following statements is true?

- The solid deforms elastically till the point of failure.
- The solid deforms plastically till the point of failure.
- The solid comes back to original shape and size on failure.
- 4. The solid is permanently deformed on failure.
- Growth of an organism was monitored at regular intervals of time, and is shown in the graph below. Around which time is the rate of growth zero?



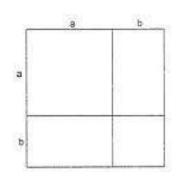
- 1. Close to day 10
- 2. On day 20
- 3. Between days 20 and 30
- 4. Between days 30 and 40
- 18. A Tall plant with Red seeds (both dominant traits) was crossed with a dwarf plant with white seeds. If the segregating progeny produced equal number of tall red and dwarf white plants, what would be the genotype of the parents?
 - 1. TtRr × TtRR
 - 2. TtRr×ttrr
 - 3. TTRR × ttrr
 - 4. TTRR × TtRr

Download from www.JbigDeaL.com JbigDeal

19. Three sunflower plants were placed in conditions as 19. तीन सूर्वमुखी पॉधों को नीचे दर्शांची गयी परिस्थितियों में indicated below. एखा गया था Plant A : still air पौधा A : निष्टचल हवा में Plant B : moderately turbulent air पोधा B ; साधारण सम तो प्रसुख हवा भे Plant C : still air in the dark पौधा C : अंधेरे व निरचल हवा में Which of the following statements is correct? निम्न में सं कॉनसा कथन सही है ? 1. Transpiration rate of plant B > that of plant A. पौधे B की पारस्वसन दर > पौधे ∧ की दर से 2. Transpiration rate of plant A > that of plant B. पौधे A की प्रारस्वज्ञान दर > पाँघे B की दर से 3. Transpiration rate of plant C = that of plant A.

4. Transpiration rate of plant C > that of plant A > that of plant B.

20. Which of the following is indicated by the accompanying diagram?





۲

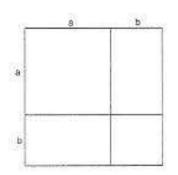
2. a > b implies $a^3 > b^3$

3.
$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

4. a > b implies $\neg a < \neg b$

- 3. वीधे C की पारस्वरान यर = पीधे A की पारस्वयान 32
- 4. पीधे C की पारस्वशन बर > पीधे A की पारस्वशन दर > पॉपे B की पारस्वरान दर

20. संलग्न वित्र के द्वारा निम्न में से कौनसा इंगित होता है



- 1. $a + ab + ab^2 + \ldots = a/(1-b)$ for |b| < 1
- 2. $a \ge b$ से नालाय $a^3 \ge b^3$
- 3. $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- 4. $a > b \neq assat -a < -b$

माग B	PART B
 21. राष्ट्र 'MATHEMATICS' के अक्षरों के ब्रामचय से विग्तने शब्द बनाये जा सकते हैं ? 1. 5040 2. 4989600 3. 11! 4. 8! 22. 50,000 के धनारमक भाजक कितने है ? 1. 20 2. 30 3. 40 4. 50 23. माने कि A व B दो n×n वासापिक आव्युह है / निम्न कघनों में कौन सही है ? 1. जाति (A+B) = जाति (A) + जाति (B). 	 21. The number of words that can be formed by permuting the letters of 'MATHEMATICS' is 5040 4989600 11! 22. The number of positive divisors of 50,000 is 20 20 30 40 50 23. Let A, B be n×n real matrices. Which of the following statements is correct? rank (A+B) = rank (A) + rank (B).
 जाति (A+B) ≤ जाति (A) + जाति (B). जाति (A+B) = न्यूनतम { जाति (A), जाति (B)}. जाति (A+B) = महत्तम { जाति (A), जाति (B)}. 	 rank (A+B) ≤ rank (A) + rank (B). rank (A+B) = min {rank (A), rank (B)}. rank (A+B) = max {rank (A), rank (B)}.
24. पार्ने कि $f_n(x) = \begin{cases} 1 - nx & \text{for } x \in [0, 1/n] \\ 0 & \text{for } x \in [1/n, 1] \end{cases}$ 1. $\lim_{n \to \infty} f_n(x), [0, 1]$ ut that $x \in [1/n, 1]$ 1. $\lim_{n \to \infty} f_n(x), [0, 1]$ ut that $x \in [1/n, 1]$ 1. $\lim_{n \to \infty} f_n(x), [0, 1]$ ut that $x \in [1/n, 1]$ 1. $\lim_{n \to \infty} f_n(x), [0, 1]$ ut that $x \in [1/n]$ 2. $\{f_n\}, [0, 1]$ ut that $x \in [0, 1]$ ut that $x \in [0, 1]$ ut that $f_n(x) = 0$ is 1 3. $\Re^n x \in [0, 1]$ ut that $\lim_{n \to \infty} f_n(x)$ and $\Re^n R = \frac{3}{2}$ 4. $\Re^n x \in [0, 1]$ ut that $\Re^n f_n(x)$ and $\Re^n R = \frac{3}{2}$	24. Let $f_{x}(x) = \begin{cases} 1 - nx & \text{for } x \in [0, 1/n] \\ 0 & \text{for } x \in [1/n, 1] \end{cases}$ Then 1. $\lim_{n \to \infty} f_{n}(x)$ defines a continuous function on [0,1]. 2. $\{f_{n}\}$ converges uniformly on [0,1]. 3. $\lim_{x \to \infty} f_{n}(x) = 0$ for all $x \in [0,1]$. 4. $\lim_{x \to \infty} f_{n}(x)$ exists for all $x \in [0,1]$.
 संख्या √2e^m एक परिमेय संख्या है । अभिगमनांक है । अपरिमेय संख्या है । आधिकल्पित संख्या है । 	 25. The number √2e^{ix} is 1. a rational number. 2. a transcendental number. 3. an irrational number. 4. an imaginary number.

е. 1		घनमूल है । A की परिमापा	26.			at	e root of unity. Define	
<i>A</i> =	$\begin{pmatrix} \zeta^{-1} \\ 0 \end{pmatrix}$	0).		$\mathcal{A} = \begin{pmatrix} \zeta^{-1} \\ 0 \end{pmatrix}$	ς)			
संदिज्ञ $v = (v_1, v_2)$, v₃)∈ℝ	5) ¹ के लिये (v) ₁ की परिभाषा हा परिवर्त हैं । अपर w =		10000000000000000000000000000000000000	EQUI SPECO		$v_{\lambda} \in \mathbb{R}^{3}$ define v^{T} is transpose of v . If $w =$	3
$(1,1,1) \overrightarrow{\alpha} w _A$				(1,1,1) ther	w A equa	ıls		
 0 के समान ह 1 के समान ह -1 के समान 2 के समान ह 	1 8 1			$\begin{array}{cccc} 1. & 0 \\ 2. & 1 \\ 3. & -1 \\ 4. & 2 \end{array}$				25
$\begin{array}{l} 27 \ , \mbox{err} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $): ai∈{1, 2, 3, 4}, ai + ों की सख्या है	27				$a_i \in \{1, 2, 3, 4\}, a_1 + a_2 +$ of elements in M is	
1. 8 3. 10	2.	9		1. 8	2	ŝ	9	
3. 10	4.	12		3. 10				
28. (38) ²⁰¹¹ का ऑंग	रेग अंक ।	ŧ 1	28.	The last dig	git of (38) ²	2011	is	
1. 6	2.	2		1. 6 3. 4	2		2	
3. 4	4,			3. 4	4	i.	8	
	मित आव्य	ानुरेख वाले n×n (n ≥ 2) (हो A = (a_{jk}) , $a_{11} = 0$ के	29.		$= (a_{jk}) \text{ of }$	ore	ector space of all symmetric ler $n \times n$ ($n \ge 2$) with real e zero is	
1. $(n^2+n-4)/2$	2	$(n^2 - n + 4)/2$		1. (n ² +n-4	4)/2. 2	ŝ	(n ² -n+4)/2	
3. $(n^2+n-3)/2$		2002 201 201					(n ² -n+3)/2	
	1000	। x∈≅ को लिये मार्न कि म { x-y : y∈I} । तो	30	Let I = [(x, 1) = inf	엄마의 그런 것이		or $x \in \mathbb{R}$, let $\varphi(x) = dist$. Then	7
1. Rue करी क	x) असंत	a 8 1		1. (o(x) is	discontinu	uol	us somewhere on \mathbb{R} .	9¥
2 सिपर ७(x) । संततः अवकर	तंतत है ५ त्नीय नहीं तंतल हैं ५ त्यकलनीच	पननु यसातस x = 0 पर हि । पननु यसातम x = 0 व x = र मही है ।		differe 3. $\phi(x)$ is continu	ntiable ex: continuo tously diff at x = 1.	act us fer	on \mathbb{R} but not continuously ly at $x = 0$, on \mathbb{R} but not entiable exactly at $x =$ ble on \mathbb{R} .	
				Sector 1		20		

11

31. $\pi i \hat{\tau} i \hat{t} a_n = \sin \pi / n$ / $\bar{x} \pi = a_1, a_2, \dots \hat{x} \hat{t} \hat{t} \hat{t} \hat{v} \bar{v} \bar{x} \pi i \bar{w}$. Let $a_n = \sin \pi / n$. For the sequence a_1, a_2, \dots the supremum is 1. 0 है व वह प्राप्त होता है । 2. 0 है य यह प्राप्त नहीं होता । 1. 0 and it is attained. 3. 1 है व वह प्राप्त होता है । 2. 0 and it is not attained, 3. 1 and it is attained 4. 1 हैं य यह प्राप्त नहीं होता । 4. I and it is not attained. 32. Then $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2} = \frac{\pi^2}{6}$ by signify with 32. Using the fact that $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2} = \frac{\pi^2}{6}, \quad \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(2n+1)^2} \text{ equals}$ π² 1. $\frac{\pi^2}{12}$ 1. 12 3. $\frac{\pi^2}{8}$ 3. $\frac{\pi^2}{2}$ 4. $\frac{\pi^2}{2} - 1$ $\frac{\pi^2}{\sigma} - 1$ 33. माने कि f(x,y) = u(x,y) + i v(x, y) कर का एक 33. Let $f: \mathbb{C} \to \mathbb{C}$ be a complex valued function of the form f(x,y) = u(x,y) + i v(x, y),त्तम्भिअमानी फलन f: C→C 8 1 Suppose that $u(x, y) = 3x^2y$. माने कि $u(x, y) = 3x^2y$, तो Then f cannot be holomorphic on C for any choice Curv के किसी भी परण पर f होलोगार्फिक नहीं of v. हो सकता । 2 f is holomorphic on C for a suitable choice of Cut v को उवित वरण पर f होलोमार्थिक होगा । V., Curv के सभी परण पर f होलोगार्फिक f is holomorphic on C for all choices of v. होगा। 4. u is not differentiable. 4. प अवकलनीय नहीं है । 34. Let $f: \mathbb{R}^2 \times \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ be a bilinear map, i.e., linear in 34. मार्ग कि f: $\mathbb{R}^2 \times \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ एक दिरीखक प्रतिधिन है. अर्थात् हर बर में अलग से रैखिक है । तो (V, W) each variable separately. Then for $(V, W) \in \mathbb{R}^2$ $\in \mathbb{R}^2 \times \mathbb{R}^2$ is lead (H, K) $\in \mathbb{R}^2 \times \mathbb{R}^2$ at genuilier × \mathbb{R}^2 , the derivative D f (V, W) evaluated on (H, अवकलज D / (V, W) निम्न से दिया जाता है : K) $\in \mathbb{R}^3 \times \mathbb{R}^2$ is given by 1. f(V, K) + f(H, W)1. f(V, K) + f(H, W)2 f(H, K) 2 f(H,K) 3. f(V, H) + f(W, K)3. f(V, H) + f(W, K)4. f(H, V) + f(W, K)4. f(H, V) + f(W, K)35. अधिकतम 3 घात वाले, समी वास्तविक बहुपदो की 35. Let N be the vector space of all real polynomials of degree at most 3. Define सदिश समध्ि N माना जाये । S: N → N की परिभाषा S: N \rightarrow N by (Sp)(x) = p (x + 1), p \in N. \vec{x} (Sp)(x) = p (x + 1), p \in N / $\partial \{1, x, x^2, x^3\}$ जो स्तंभ सदिश के रूप में हैं, इस आधार में S का आव्यूह, इत्त प्रकार दिया जाता है : Then the matrix of S in the basis $\{1, x, x^2, x^3\}$, considered as column vectors, is given by:

	1	0	0	0]		Γ	I	1	1	1]	2	1	0	0	0]			[]	1	1	1
	0	2	0	0	2		0	1	2	3	1.	0	2	0	0	2	36	0	1	2	3
	0	0	3	0			0	0	1	3		0	0	3	0		8	0	0	1	3
L	0	0	0	4]		Ł	0	0	0	1		0	0	0	4	22		[0	0	0	1
1	1	1	2	3		1	0	0	0	0]		[1	1	2	3]			0	0	0	0
	1 2	1	2	3	4		1 0	0	0	0 0 0	3.	1	1	2	3	4		1	0 1	0	0
•	2	2	2	3	57.4		0	1	0	0	1.00	2	2	2	3	æ		0	1	0	0
l	3	3	3	3_		4	0	0	1	0]		3	3	3	3]	4.		0	0	1	0]
1	$x^7 =$	1.7	T X3	≠1, k		तले स	97	वाकृ		= (xe) अंको द	10 10 10 10	1 a	nd x	t ^k ≠1	for a		ral r	umb			{x∈F 7}. Th
3	1.	1				2	555	2				1.	1					2.	2		
	3.					4	3	6				3.	3					4,	6		
7, E	गत ३	भेषरि	$\sum_{k=0}^{\infty}$	3 ^{-a} (2	-1) ²⁴	तभी उ	নিন	गरित	र हो	ती है	37.	Th	e po	wer	serie	$s \sum_{x=0}^{\infty} 3$	-* (2	r-1) ^{2*}	cor	ver	ges if
	त्व											1.	2 ≤	3		2.]2	$ <\sqrt{2}$	ŝ		
Ĩ	1. z	≤.	3		2.	2 <	13								√3	~~~		-1 ≤			
ł	3. 0	-1	<√	3	4.	[2]]	≦ ×	13				3.	µ-1	1 ~ .	45	1 40	10	-11 5	¥θ		
8. 2	प्रमूह	G =	Q/	ಕ್ಷ ಹ	गरे में 1	विचार्र ।	नहो	Q	<i>a</i> 3	े क्रमण	38.	Co	nsid	er t	he gro	oup G	= Q	/Z wł	iere	Qa	ind Z a
\$		W 7	त्रह्य	81	र्छ समूह हो वया							res	pect	ivel	y. Le	al nun t <i>n</i> be bgrou	e a p	ositiv	e in	tege	s er. The
1	8 8	गवर	रक	नहीं ।	6										essari						
2	8. S			नन्ध											inique t not r	one. recess	aniv	/ a un	iaue	: on	e.
3		र्गे, प हमी	1000		होने व	ध्री आप	9270	रुत्ता,	नही	1			nev		101010	12.110	500	96.03		0.553	10
17		के 6	(x)	- x ³ +2	2x ² +1	एव g(x)	- 2	x ² +	x +2 7	1 39.	Let	f(x) =	$x^{2}+2x^{2}$	2+1 an	d g(.	x) = 2	$x^2 +$	x +	2.Then
9, 7	गर्ने ह											ove	er Z,	di.			2003				
	णने 1 १ _{२३} द											24 0	E_{i}^{\prime}								
2	2 ₍₃₎ 4 . fi	तर (x)			<i>स</i> अयुक्त) are i				22	
2	2 ₍₃₎ 4 . fi : fi	तर (x) (x)	ঝস	पुकरणी	तस्युकाः १४ हे ५ तेव हे ।	ल्जु छ	(x)	-715				2	f(x) is	irredu) are i icible, ucible	but	g(x)	is π		

j,

40. Z(12) से Z(28) तक के अतृच्छ वलय समाकारिता की

संख्या हे !

1. 1

13

1. 1

from $\mathbb{Z}_{(12)}$ to $\mathbb{Z}_{(28)}$ is

40. The number of non-trivial ring homomorphisms

2 3 2 3 3. 4 3. 4 4. 7 4. 7 41. प्रारंगिक मान समस्या y'(t) = f(t) y(t), y(0) = 1 जहाँ 41. Consider the initial value problem f: ℝ→ℝ संतत है, पर विवारें । तो इत्त प्रारंभिक मान $y'(t) = f(t) y(t), \quad y(0) = 1$ समस्या के where $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ is continuous. Then this initial कुछ f के लिये अनंततः बहुत हल होते हैं । value problem has 2. Rपर एक अनन्य हल होता है । 3. R पर कुछ f के लिये कोई हल नहीं होता । 1. infinitely many solutions for some f. 4. 0 को अन्तर्विष्ट करते एक अंतराल में एक हल 2. a unique solution in R. होता है, परन्तु कुछ f के लिये 🗟 पर नहीं । 3. no solution in R for some f. 4. a solution in an interval containing 0, but not on R for some f. 42. मानें कि साधारण अवकल समीकरण u"(t) - 4u'(t) + 42. Let V be the set of all bounded solutions of the 3u(t) = 0, t ∈ R के सभी परिबद्ध इलों का समृत्वय ODE VEINV $u''(t) - 4u'(t) + 3u(t) = 0, t \in \mathbb{R}$ Then V 1. विमा 2 की एक वास्तविक सदिश समस्टि है । 2. थिमा 1 की एक वास्तविक सदिश समण्टि है । 1. is a real vector space of dimension 2. is a real vector space of dimension 1. कोवल एक तुब्छ फलन u≡0 को अन्तविंध्ट करता. contains only the trivial function u≡0. \$1 4. contains exactly two functions. 4. ठीक-ठीक दो ही फलनों को अन्तर्विष्ट करता है 43. फलन $u(x,t) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{t}} e^{\frac{-x^2}{4t}} \\ \frac{1}{\sqrt{t}} e^{\frac{-x^2}{4t}} \end{cases}$ 43. The function , $t > 0, x \in \mathbb{R}$ $t > 0, x \in \mathbb{R}$ $t \le 0, x \in \mathbb{R}$ u(x,t) =ऊष्म समीकरण का. भिम्न अंतराल में, एक हल है : $, t \leq 0, x \in \mathbb{R}$ is a solution of the heat equation in 1. $\{(x, t) : x \in \mathbb{R}, t \in \mathbb{R}\}.$ {(x, t) : x∈ℝ, t>0} परनत समस्य 1. $\{(x, t) : x \in \mathbb{R}, t \in \mathbb{R}\}$. {(x,t) : x∈ℝ, t < 0} # नह? / 2. $\{(x, t) : x \in \mathbb{R}, t \ge 0\}$ but not in the set $\{(x,t) : x \in \mathbb{R}, t \le 0\}.$ 3. $\{(x, t) : x \in \mathbb{R}, t \in \mathbb{R}\} \setminus \{(0, 0)\}$ 3. $\{(x, t) : x \in \mathbb{R}, t \in \mathbb{R}\} \setminus \{(0, 0)\}.$ 4. $\{(x, t) : x \in \mathbb{R}, t \ge -1\}$. 4. $\{(x,t): x \in \mathbb{R}, t \ge -1\}$.

14

44. दूसरी कोटि के आंशिक अवकल समीकरण $u_{xx} - yu_{xx} + x^3 u = 0$ \$ 5 सभी x∈R, y∈R के लिये वीर्यवृत्तीय है । 2. तभी x∈R, y∈R के लिये परवलयिक हैं। 3. सभी x∈ R, y < 0 को लिये दीर्घवृत्तीय है / 4. सभी x∈R, y < 0 के लिये अतिपरवलयिक है । 45. दसरी कोटि के एक साधारण अवकल समीकरण व उसके परिमित अंतर निरुपंथ के बारे में विचारे । निम्न में से एक सही कथन को यहगानें । परिभित अंतर निरूपण अनन्य है । कुछ साधारण अवकल समीकनणों के लिये प्रसिमित अंतर निरूपण अनन्य है । साधारण अवकल समीकरणों के लिये कोई अनन्य परिमित अंतर मिरूपण नहीं है । 4. परिमित अंतर अधियोजना की अनन्यता निर्धारित नहीं हो सकती । 46. 00000 $l(y(x)) = \int_{0}^{3} y(3x - y) dx; \quad y(3) = 4\frac{1}{2}, \ y(1) = 1$ के तरमसानीकरण की विचरणी समस्या का एक अनन्य इल होता है । 2 वीक-ठीक दो ही हल होते हैं । 3. अनन्त संख्या के इल होते हैं । 4. कोई हल नहीं होता । 47. रेटिक समाकल समीकरण $\phi(x) = x + \int_0^{1/2} \phi(\xi) d\xi$,

1. 1/2 2. 2 3. 3/2 4. 4

के लिये साधक अपिट R(x, E;1) है :

48. एक मतिकीय तंज की हैनिल्टनी H = pq - q² दी जाती है. तो जब t → ∞,

- 1. $q \rightarrow \infty$, $p \rightarrow \infty$ 2. $q \rightarrow 0$, $p \rightarrow 0$
- 3. $q \rightarrow \infty, p \rightarrow 0$
- 4. $q \rightarrow 0, p \rightarrow \infty$

44. The second order PDE

 $u_{yy} - yu_{xx} + x^3 u = 0$

is

- elliptic for all x∈ℝ, y∈ℝ.
- parabolic for all x∈R, y∈R.
- 3. elliptic for all $x \in \mathbb{R}$, y < 0.
- 4. hyperbolic for all $x \in \mathbb{R}$, y < 0.
- Consider a second order ordinary differential Equation (ODE) and its finite difference representation. Identify which of the following statements is correct.
 - 1. The finite difference representation is unique.
 - The finite difference representation is unique for some ODE.
 - There is no unique finite difference scheme for the ODE.
 - The uniqueness of a finite difference scheme can not be determined.
- The variational problem of extremizing the functional

$$I(y(x)) = \int_{1}^{3} y(3x - y) dx; \quad y(3) = 4\frac{1}{2}, \ y(1) = 1$$

has

- 1. a unique solution.
- 2 exactly two solutions.
- 3. an infinite number of solutions.
- 4. no solution.

47. For the linear integral equation

$$\phi(x) = x + \int_{0}^{0/2} \phi(\xi) d\xi,$$

the resolvent kernel $R(x, \xi; 1)$ is

1.	1/2	2.	2	
3.	3/2	4.	4	

 If the Hamiltonian of a dynamical system is given by H = pq - q², then as t → ∞

1. $q \rightarrow \infty, p \rightarrow \infty$ 2. $q \rightarrow 0, p \rightarrow 0$ 3. $q \rightarrow \infty, p \rightarrow 0$ 4. $q \rightarrow 0, p \rightarrow \infty$

15

- **49.** संबंधी बंटन फलन $F_1(t)$ व $F_2(t)$ एवं प्रायिकता घनत्व फलन $f_1(t)$ व $f_2(t)$ के दी जीवकाल घर T_1 व T_2 की जोखिम गतियाँ क्रमश: $h_1(t) = 3t^2$ a $h_2(t) = 4t^3, t > 0$ 8 / तो

 - $(100 \times 100) = 100 \times 1000$
- 50. माने कि $X_1, X_2, \dots N(1,1)$ के अनुसार सर्वधासम रंपातंत्र रूप से बंदित यादृत्विक घर हैं । माने कि $n \ge 1$ 1 के तिये $S_n = X_1^2 + X_2^2 + \dots + X_n^2$ है । तो $\lim_{n \to \infty} \frac{g_{\text{error}}(S_n)}{n}$ का मूल्य है :
 - 1.
 4
 2.
 6

 3.
 1
 4.
 0
- मार्ने कि {X_n : n ≥ 0 } एक परिभित अवस्था समस्टि S पर स्तब्ध संक्रमण प्राधिकता आयूह नाला एक मार्कीव मंखला है । मार्ने कि अखला अलघुकरणीय नहीं है । तो यह मार्कीय अंखला
 - 1. के अनंततः बहुत स्तब्ध बंटन ग्राह्य है ।
 - 2 का एक ही अनन्य स्तव्य वंटन ग्राह्य है ।
 - 3. यन कोई भी स्तब्ध वंटन ग्राह्य नहीं है ।
 - 4. के ठीक-ठीक दो स्तब्ध थंटन ग्राह्य नहीं है ।
- 52. मानें कि X a Y दो स्वतंत्र यादुध्किक बर हैं, जहाँ 0 के दोनों तरफ Y सममित है । मानें कि U = X + Y a V = X - Y तो
 - 1. U a V हमेशा स्वतंत्र हैं ।
 - 2 Un V दोनों का बंटन समान है ।
 - 3. U हमेशा 0के दोनों तरफ समगित है ।
 - V हमेशा 0 को दोनों तरफ समसित है ।
- 53. एक चुनाव में दो राजनैतिक पक्षों के प्रति मतदाताओं की पसंद की आधृत्तियाँ निम्न 2 ×2 तालिका में लिंगानुसार वर्गीकृत दी गयी हैं । सही कथन को पहचानें :

लिंग	999 B	45 C	कुल
पुरुष	200	400	600
सम	100	300	400
कुल	300	700	1000

49. The hazard rates of two life time variables T_1 and T_2 with respective c.d.f.s $F_1(t)$ and $F_2(t)$ and p.d.f.s $f_1(t)$ and $f_2(t)$, are $h_1(t) = 3t^2$ and $h_2(t) = 4t^3$, t > 0 respectively. Then

 $\begin{array}{lll} 1, & F_1(t) \geq F_2(t) & \text{ for all } t \geq 0, \\ 2 & F_1(t) \leq F_2(t) & \text{ for all } t \geq 1, \\ 3, & E(T_1) \leq E(T_2), \\ 4, & f_1(t) \leq f_2(t) \text{ for all } t \geq 0, \end{array}$

50. Let X_1, X_2, \cdots be i.i.d. N(1,1) random variables. Let $S_n = X_1^2 + X_2^2 + \cdots + X_n^2$ for $n \ge 1$. Then $\lim_{n \to \infty} \frac{Var(S_n)}{n}$ is 1. 4 2. 6 3. 1 4 0

 Let {X_n : n ≥ 0 } be a Markov chain on a finite state space S with stationary transition probability matrix. Suppose that the chain is not irreducible. Then the Markov chain

- 1. admits infinitely many stationary distributions.
- 2 admits a unique stationary distribution.
- may not admit any stationary distribution.
- cannot admit exactly two stationary distributions.
- 52. Suppose X and Y are independent random variables where Y is symmetric about 0. Let U = X + Y and V = X - Y. Then
 - 1. U and V are always independent.
 - U and V have the same distribution.
 - 3. U is always symmetric about 0.
 - V is always symmetric about 0.

 Consider the following 2 × 2 table of frequencies of voter preferences to two parties classified by gender, in an election. Identify the correct statement:

Gender	Party B	Party C	Total
Male	200	400	600
Female	100	300	400
Total	300	700	1000

Download from www.JbigDeaL.com bioDeal

- 1. अगर पक्ष व लिंग को बीच कोई संसर्ग नहीं है तो अपेक्षित आयुत्तियाँ होंगी
 - 180 420 280
 - 120
- संसर्ग की अनुपरिवर्ति के परीक्षण हेतु काई--वर्ग 2 प्रतिदर्शन () है ।
- 3. लिग व पक्ष संसगित नहीं हैं ।
- पुरुष त रत्री चोनों समानतः पक्ष C को पसंद करते # I
- 54. $m \neq f \Rightarrow X_1, X_2, \dots, X_n, n (\geq 2), N(\mu, \sigma^2)$ det \vec{n} . सर्वधासम स्वतंत्र लग से बंटित प्रेशण हैं, जहाँ – २० < Ц < x n 0 < σ^2 < ω अज्ञात प्रायस है । मार्गे कि $\hat{\sigma}^1_{inte}$ व $\hat{\sigma}^1_{inter}$ कमशः σ^1 के अधिकलम संभाविता व एकलमान न्युनतम प्रसरण अममिनतं आवाल हैं । सही करेने को पहचाने !
 - 1. $\hat{\sigma}^{i}_{\scriptscriptstyle MEE}$ का प्रसरण $\hat{\sigma}^{1}_{\scriptscriptstyle UMUE}$ के प्रसरण के समान
 - 2 $\hat{\sigma}^{1}_{UMUE}$ की तुलना में $\hat{\sigma}^{1}_{ME}$ का प्रसरन अधिक
 - 3. $\hat{\sigma}^{2}_{\rm CMUSS}$ of gern i $\hat{\sigma}^{2}_{\rm MLE}$ or get art new
 - 4. $\hat{\sigma}^2_{ince} = \hat{\sigma}^2_{convec}$ and $\hat{\sigma}^2_{glice}$ and $\hat{\sigma}^2_{glice}$ and $\hat{\sigma}^2_{ince}$
- 55. मानें कि इमारे वास X1. X2. ..., Xa एक प्रसामान्य बंटन वाले सर्वधासम स्वतंत्र रूप में यंटित प्रेक्षण हैं । इसके अतिरिक्त मानें कि हमारे पारा उसी प्रसामान्य बंटन याले रवतंत्र ब्रेक्षण तमुब्जय Y1, Y2,...,Y, भी हैं जो भी सर्वधासम स्वतंत्ररूप से बटित हैं । मानें कि Re = X व Y मूल्यों के युगित समुच्चय में Xओं की जातियों (पैंको) का योगफल है एवं R₃ = यूगित समुच्चय में Yओं की जातियों का योगफल है । तो
 - 1. $P(R_X R_Y > 0) > \frac{1}{2}$. $2 \quad \mathbb{P}(R_Y - R_X \ge 0) \ge \frac{1}{2}.$ 3. $E(R_X) = E(R_Y)$. 4. $P(R_Y = R_X) = 1$.
- 56. एक साधारण समाझयण निदर्श $Y = \beta X + \epsilon$ पर विचारे । माने कि \hat{Y}_{n} , $X = x_0$ पर n प्रेक्षणी (Y_n, X_i) , i = 1, ... $n \neq \overline{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} X_i$ is smartter Y and न्यूनतम वर्ग प्राप्यक्ता हैं । तो प्राप्यक्ता Ý₀ की मानक SIK.

1. If there is no association between party and gender, the expected frequencies are

180	420
120	280

- The chi-square statistic for testing no 3 association is 0.
- Gender and party are not associated. 3.
- 4. Both males and females equally prefer party C.
- 54. Let X_1, X_2, \dots, X_n be n (≥ 2) i.i.d. observations from $N(\mu, \sigma^2)$ distribution, where $-\infty < \mu < \infty$ and $0 < \sigma^2 < \infty$ are unknown parameters. Let $\hat{\sigma}_{ute}^2$ and $\hat{\sigma}_{uurue}^2$ denote the maximum likelihood and uniformly minimum variance unbiased

estimates of σ^2 respectively. Identify the correct statement:

- 1. $\hat{\sigma}_{mer}^{2^*}$ has the same variance as that of $\hat{\sigma}_{curver}^2$.
- 2 $\hat{\sigma}_{sacr}^2$ has larger variance than that of $\hat{\sigma}_{tarrent}^2$.
- 3. $\hat{\sigma}^2_{MLL}$ has smaller mean squared error than that of a conver.
- 4. $\hat{\sigma}^2_{MCF}$ and $\hat{\sigma}^2_{CMCLE}$ have the same mean squared
- 55. Suppose that we have i.i.d. observations X1, X2, ..., 3, with a normal distribution. Suppose further that we have an independent set of observations Y_1 , Y2,...,Yx which are also i.i.d. with the same normal distribution. Let R_x = the sum of the ranks of the X's when they are ranked in the combined set of Xand Y values, and R_Y = the sum of the ranks of the Y's in the combined set. Then

1.
$$P(R_x - R_y > 0) > \frac{1}{2}$$
.
2. $P(R_y - R_y > 0) > \frac{1}{2}$.
3. $E(R_y) = E(R_y)$.
4. $P(R_y = R_x) = 1$.

56. Consider a simple linear regression model $Y = \beta X + \varepsilon$ Let \hat{Y}_{ϕ} be the least squares predictor of Y at $X = x_0$ based on *n* observations $(Y_0, X_i), i = 1$,

$$\cdots$$
, *n* and $\overline{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} X_i$.

Then the standard error of the predictor \hat{Y}_{α}

- 1. जब X से xo दूर हटता है तो कम होती है।
- 2 जब X से xo दूर हटता है तो अधिक होती है।
- जब 0 के पास x₀ आता है तो अधिक होती है।
- 4. जब 0 के पास x0 आता है तो कम होती है।
- 57. एक बक्से में 1, 2,…, N संख्यावाले N टिकट अंतर्विंड हैं / N का मूल्य तथापि अज्ञात है / बक्से में से वापस रखे बिना एक सामारण यादृश्किक n टिकटों का प्रतिदर्श निकाला गया / मानें कि X₁, X₂,…,X_a टिकटों पर दिये गये संख्या हैं जो क्रमश पहले, दूसरे …, n दें बार निकालनें में पाये जाते हैं / निम्न में से कौन N का अनमिनत आकल है ?

1.
$$2\bar{X}-1$$
 or $\bar{X} = \frac{1}{N}(X_1 + ... + X_n)$
2. $2\bar{X}+1$
3. $2\bar{X} + \frac{1}{2}$
4. $2\bar{X} - \frac{1}{n}$

- 58. यह देखने के लिए कि क्या दो अलग चर्म क्रीम A ब B मानब शारीर पर अलग परिणाम देते हैं, एक नैदानिक परीक्षण किया गया जिसमें यादृष्टिकक रूप से चुने n व्यक्ति शामिल किये गये । क्रीम A हर व्यक्ति के यादृच्छिक रूप से चुनी गयी एक भुजा में लगाया गया, व क्रीम B दूसरी भुजा में । मानें कि माधी गयी प्रतिक्रिया एक संतत चर है । अंतर के परीक्षण हेतु किस सांठियकीय परीक्षण का उपयोग करना चाहिये ?
 - अगर प्रसामान्यता मानी जा सकती हैं तो दो -प्रतिदर्श्व टी-परीक्षण
 - अगर प्रसामान्यता मानी जा सकती है तो युगल टी --परीक्षण
 - दो प्रतिदर्श कोल्मोगोरोव-सिमर्नोव परीक्षण
 - 4. यादचिछकता का परीक्षण

2

- 59. मानें कि चर x₁≥0 a x₂≥0 व्यवरोधों x₁+x₂≥3 व x₁+2x₂≥4का लमाधान करते हैं । तो निम्न में से कौन सा सही हैं ?
 - 5x₁ + 7x₂ का उच्चतम मूल्य 21 है व उसका कोई परिमित न्यूनतम नहीं है ।
 - 5x1+7x2 का न्यूनतम मूल्य 17 है व उसका कोई परिमित उच्चतम नहीं है ।
 - 5x1+7x2 का उच्चतम मूल्य 21 है व उसका न्यूनतम मूल्य 17 है ।
 - 5x1+7x2 का न तो कोई परिमित न्यूनतम है न तो उच्चतम ।

decreases as x₀ moves away from X

- 2 increases as x₀ moves away from X .
- 3. increases as x_0 moves closer to 0.
- decreases as x₀ moves closer to 0.
- 57. A box contains N tickets which are numbered 1, 2,..., N. The value of N is however, unknown. A simple random sample of n tickets is drawn without replacement from the box. Let X₁, X₂,...,X_n be numbers on the tickets obtained in the 1^u, 2nd, ..., nth draws respectively. Which of the following is an unbiased estimator of N?
 - 1. $2\overline{X} 1$ where $\overline{X} = \frac{1}{N} (X_1 + ... + X_n)$ 2. $2\overline{X} + 1$ 3. $2\overline{X} + \frac{1}{2}$ 4. $2\overline{X} - \frac{1}{2}$
- 58. In a clinical trial n randomly chosen persons were enrolled to examine whether two different skin creams, A and B, have different effects on the human body. Cream A was applied to one of the randomly chosen arms of each person, cream B to the other arm. Which statistical test is to be used to examine the difference? Assume that the response measured is a continuous variable.
 - 1. Two-sample t-test if normality can be assumed.
 - Paired t-test if normality can be assumed.
 - 3. Two-sample Kolmogorov-Smirnov test.
 - 4. Test for randomness.
- 59. Suppose that the variables x₁ ≥ 0 and x₂ ≥ 0 satisfy the constraints x₁+x₂ ≥ 3 and x₁+2x₂ ≥ 4. Which of the following is true?
 - The maximum value of 5x₁ + 7x₂ is 21 and it does not have any finite minimum.
 - The minimum value of 5x₁+7x₂ is 17 and it does not have any finite maximum.
 - The maximum value of 5x₁+7x₂ is 21 and its minimum value is 17.
 - 5x₁+7x₂ neither has a finite maximum nor a finite minimum.

\$/07 RD/12-4 AH-2A

AΗ

- 60. आगमन गति λ > 0 व सेवा गति μ > 0 के एक M/M/1 कतार प्रणाली में मानें कि X(1) प्राहकों की संख्या डे 1 प्रक्रिया X(1) एक
 - गति λ-μ का प्वासों प्रक्रिया है।
 - जनन गति त्र-µ की शुद्ध जनन प्रक्रिया है ।
 - जनन गति > व गरण गति µ की जनन-मरण प्रक्रिया है ।
 - जनन मति 1/2 ब मरण गति 1/4 की जनन-मरण प्रक्रिया है ।
- Let X(t) be the number of customers in an M/M/1 queuing system with arrival rate λ > 0 and service rate μ > 0. The process X(t) is a
 - Poisson process with rate λ-μ.
 - pure birth process with birth rate λ-μ.
 - birth and death process with birth rate λ and death rate μ.
 - 4. birth and death process with birth rate $\frac{1}{2}$ and

death rate $\frac{1}{-}$

Download from www.JbigDeaL.com **By** © JbigDeal Powered

19

भाग/Part C

एकक I/Unit I

61. $\overline{rperf}(x) = cos(|x-5|) + sin(|x-3|) + |x+10|^3 - (|x|+4)^2$ पर विचार कीजिए 1 f निग्न बिन्दुओं में कहाँ अवकलनीय <u>नहीं है</u> ?

1. x = 5 2. x = 33. x = -104. x = 0

61. Consider the function

 $f(x) = \cos(|x-5|) + \sin(|x-3|) + |x+10|^3 - (|x|+4)^2,$

At which of the following points is f not differentiable?

1. x=5 2. x=3 3. x=-104. x = 0

R² के निम्न उपसमुच्चयों में कौन से सुसंहत है ? 62,

1.	$\{(x, y) : x \le 1, y \ge 2 \}$	2.	$\{(x, y) : x \le 1, y ^2 \le 2\}$
3.	$\{(x, y): x^2 + 3y^2 \le 5\}$	4.	$\{(x, y) : x^2 \le y^2 + 5\}$

Which of the following subsets of R2 are compact? 62.

I.	$\{(x, y) : x \le 1, y \ge 2 \}$	2,	$\{(x, y) : x \le 1, y ^2 \le 2\}$
3.	$\{(x, y): x^2 + 3y^2 \le 5\}$	4.	$\{(x, y): x^2 \le y^2 + 5\}$

63 निभ्न में कौन से $C = \{f : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R} \text{ of } एक संतत फलन है) में दूरीक है ?$

1.
$$d(f, g) = \sup\{|f(x) - g(x)| : x \in [0, 1]\}.$$

2.
$$d(f, g) = \inf\{|f(x) - g(x)| : x \in [0,1]\}$$
.

3.
$$d(f,g) = \iint_{0} |f(x) - g(x)| dx$$
.

4.
$$d(f, g) = \sup\{|f'(x) - g(x)| : x \in [0, 1]\} + \int_{0}^{1} |f(x) - g(x)| dx$$

Download from www.JbigDeaL.com By © JbigDeal Powered

Which of the following are metrics on $C = \{f : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R} \text{ is a continuous function}\}$ 63

1.
$$d(f, g) = \sup\{|f(x) - g(x)| : x \in [0, 1]\}.$$

2.
$$d(f, g) = \inf\{|f(x) - g(x)| : x \in [0, 1]\}.$$

3.
$$d(f,g) = \int_{0}^{1} [f(x) - g(x)] dx$$
.

4.
$$d(f,g) = \sup\{|f(x) - g(x)| : x \in [0,1]\} + \int_{0}^{1} |f(x) - g(x)| dx$$
.

64.

$$\begin{aligned} & \operatorname{re} j = 1, 2, 3, \dots \text{in first part for } A_j \text{ var visible first subset of the set of a start of a st$$

64.

For each $j = 1, 2, 3, ..., let A_j$ be a finite set containing at least two distinct elements. Then

1.
$$\bigcup_{j=1}^{\infty} A_j \text{ is a countable set.}$$
2.
$$\bigcup_{n=1}^{\infty} \prod_{j=1}^{n} A_j \text{ is uncountable.}$$
3.
$$\prod_{j=1}^{\infty} A_j \text{ is uncountable.}$$
4.
$$\bigcup_{n=1}^{\infty} A_j \text{ is uncountable.}$$

गिम्न में से कौन सा/ से सही है/हैं ? 65.

1.
$$\left(1+\frac{1}{n}\right)^{n+1} \to e \ \overline{\operatorname{ord}} \ n \to \infty$$
,
3. $\left(1+\frac{1}{n}\right)^{n^2} \to e \ \overline{\operatorname{ord}} \ n \to \infty$,
4. $\left(1+\frac{1}{n^2}\right)^n \to e \ \overline{\operatorname{ord}} \ n \to \infty$,

65.

Which of the following is/are correct?

1.
$$\left(1+\frac{1}{n}\right)^{n+1} \to e \text{ as } n \to \infty$$
,
3. $\left(1+\frac{1}{n+1}\right)^{n^2} \to e \text{ as } n \to \infty$.
4. $\left(1+\frac{1}{n^2}\right)^n \to e \text{ as } n \to \infty$.

4.
$$\left(\mathbf{i} + \frac{1}{n^2}\right)^n \to e \text{ as } n \to \infty$$

Download from www<mark>.JbigDeaL.com Powered By © JbigDeaL</mark>

21

तिम्न में से कौन सही है / है ?

1.
$$\log \frac{x+y}{2} \le \frac{\log x + \log y}{2}$$
 $\pi n \pi x, y > 0 \neq n \pi d i$
2. $e^{\frac{x+y}{2}} \le \frac{e^x + e^y}{2}$ $\pi n \pi x, y > 0 \neq n \pi d i$
3. $\sin \frac{x+y}{2} \le \frac{\sin x + \sin y}{2}$ $\pi n \pi x, y > 0 \neq n \pi d i$
4. $\frac{(x+y)^k}{2^k} \le \max\{x^k, y^k\}$ $\pi n \pi x, y > 0 \neq n \pi d k \ge 1 \neq n \pi d i$

66.

Which of the following is/are true?

1.
$$\log \frac{x+y}{2} \le \frac{\log x + \log y}{2} \text{ for all } x, y \ge 0.$$

2.
$$e^{\frac{x+y}{2}} \le \frac{e^x + e^y}{2} \text{ for all } x, y \ge 0.$$

3.
$$\sin \frac{x+y}{2} \le \frac{\sin x + \sin y}{2} \text{ for all } x, y \ge 0.$$

4.
$$\frac{(x+y)^k}{2^k} \le \max\{x^k, y^k\} \text{ for all } x, y \ge 0 \text{ and all } k \ge 1$$

1. सभी
$$a \le c < d \le b$$
 के लिए अगर $\int_{c}^{a} f(x)dx = 0$ तो $f = 0 \notin f$

2. APAT
$$a \le c \le b$$
 is for some $\int_{a}^{b} f(x) dx = 0$ if $f = 0$ if (

3. सभी
$$a \le c \le d \le b$$
 के लिए अगर $\int f(x)dx = 0$ तो यह आवश्यक नहीं है कि $f = 0$ हो ।

4. सभी
$$a \le c \le b$$
 के लिये अगर $\int f(x) dx = 0$ तो यह आवस्यक नहीं है कि $f = 0$ हो ।

67. Let $f: [a, b] \to \mathbb{R}$ be a measurable function. Then

a

1. If
$$\int_{c}^{c} f(x)dx = 0$$
 for all $a \le c \le d \le b$ then $f = 0$ a.e.
2. If $\int_{c}^{c} f(x)dx = 0$ for all $a \le c \le b$, then $f = 0$ a.e.

66.

22

110

2

If $\int_{a}^{a} f(x) dx = 0$ for all $a \le c \le d \le b$, does not necessarily imply that f = 0 a.e.

3.

68.

68.

69.

69.

23

70. [0,1] पर संतत फलनों की समध्दि C[0,1] निम्न मानक के विषय में पूर्ण है :

1.
$$||f||_{\infty} := \sup \{|f(x)| : x \in [0, 1]\}$$

2.
$$||f||_1 := \iint f(x) |dx|$$
.

1

3.
$$||f||_{\infty}^{0,1} := ||f||_{\infty} + |f(1)| + |f(0)|.$$

4.
$$||f||_2 = \sqrt{\int_0^1 |f(x)|^2} dx$$
.

70.

. The space C[0, 1] of continuous functions on [0, 1] is complete with respect to the norm

1.
$$||f||_{\infty} := \sup\{|f(x)| : x \in [0, 1]\}.$$

2. $||f||_{1} := \int_{0}^{1} |f(x)| dx.$
3. $||f||_{\infty}^{0,1} := ||f||_{\infty} + |f(1)| + |f(0)|.$
4. $||f||_{2} = \sqrt{\int_{0}^{1} |f(x)|^{2}} dx.$

71.

मानें कि D_(a,b) (r) = {(x, y) : (x − a)² + (y − b)² < r} । ℝ वों निम्न उपसमुख्वयों में कौन सा∕से संबद्ध है/हैं ?

1.	$D_{(0,0)}(1) \cup \{(1,0)\} \cup D_{(2,0)}(1)$	2. $D_{(0,0)}(1) \cup D_{(2,0)}(1)$
3.	$D_{(0,0)}(1) \cup \{(1,0)\} \cup D_{(0,2)}(1)$	4. $D_{(0,0)}(1) \cup D_{(0,2)}(1)$

71. Let $D_{(a,b)}(r) = \{(x, y) : (x - a)^2 + (y - b)^2 < r\}$. Which of the following subsets of \mathbb{R} are connected?

I.	$D_{(0,0)}(1) \cup \{(1,0)\} \cup D_{(2,0)}(1)$	2.	$D_{(0,0)}(1) \cup D_{(2,0)}(1)$
3.	$D_{(0,0)}(1) \cup \{(1,0)\} \cup D_{(0,2)}(1)$	4.	$D_{(0,0)}(1) \cup D_{(0,2)}(1)$

72. मानें कि X = {x ∈ [0,1] : x ≠ 1 / n, n ∈ N} दिया हुआ उपसमष्टि सांस्थितिकी है । तो

1.	X संबद्ध है परन्तु संहत नहीं है ।	2. X न तो संबद्ध है. न तो संहत ।
3.	Х संबद्ध व संहत है ।	4. X संहत है. परन्तु संबद्ध नहीं ।

24

72. Let $X = \{x \in [0,1] : x \neq 1/n, n \in \mathbb{N}\}$ be given the subspace topology. Then

- 1. X is connected but not compact.
- 2. X is neither compact nor connected.

60

4

- X is compact and connected.
- 4. X is compact but not connected.
- 73. जिम्न आव्यूडों में से कौन से धनात्मक-निश्चित है ?

1.
$$\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$$
2. $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ 3. $\begin{bmatrix} 4 & -1 \\ -1 & 4 \end{bmatrix}$ 4. $\begin{bmatrix} 0 & 4 \\ 4 & 0 \end{bmatrix}$

73.

Which of the following matrices are positive definite?

Ì.	$\begin{bmatrix} 2 & l \\ l & 2 \end{bmatrix}$	2.	[1 2]
1.	[1 2]	2	$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$
3.	[4 -1]		[0 4]
3.	$\begin{bmatrix} 4 & -1 \\ -1 & 4 \end{bmatrix}$	4.	4 0

74. नानें कि n-विनीय वास्ततिक साविय समस्टि V में A एक मून्येतर रैकिक रूपान्तरण है । मानें कि उपसमस्टि V₀ ⊂ V, A के अंतर्गत V का प्रतिथिम्ब है । मानें कि k = विभा (V₀) < n एवं मानें कि कुछ L∈R के लिये A² = LA 1 तो

- 1. $\lambda = 1$.
- 2. सारणिक $A = |\lambda|^n$
- ते, त का एक गांव अभिलाशणिक मान हे ।
- 4. एक अनुच्छ उपरागष्टि $V_1 \subset V$ है ताकि सभी $x \in V_1$ के लिये Ax = 0

74. Let A be a non-zero linear transformation on a real vector space V of dimension n. Let the subspace V₀ ⊂ V be the image of V under A. Let k = dim V₀ < n and suppose that for some λ∈ℝ, A² = λA. Then

- 1. $\lambda = 1$.
- 2. det $A = |\lambda|^{\alpha}$
- 3. λ is the only eigenvalue of A.
- 4. There is a nontrivial subspace $V_1 \subset V$ such that Ax = 0 for all $x \in V_1$,

मानें कि C एक n × n वास्तविक आव्यूह है । मानें कि W, {I, C, C²,..., C²ⁿ} द्वारा बिस्तृत एक सदिश 75. समण्टि है । सदिश समस्टि W की विमा है : अधिक से अधिक n 1. 2n 2. 12 3. अधिक से अधिक 2n Let C be a $n \times n$ real matrix. Let W be the vector space spanned by {I, C, C^2, \ldots, C^{2n} }. The 75. dimension of the vector space W is 1. 2n at most n 3. 12 4. at most 2n मानें कि V1 व V2एक सदिश समस्टि V की उपसमस्टियों हैं । निम्न में से कौन आवश्यकतः V की उपसमस्टि है? 76. 1. $V_1 \cap V_2$. 2. $V_1 \cup V_2$. 3. $V_1 + V_2 = \{x + y : x \in V_1, y \in V_2\}.$ 4. $V_1 \setminus V_2 = \{x \in V_1 \text{ and } y \notin V_2\}.$ 76. Let V_1 , V_2 be subspaces of a vector space V. Which of the following is necessarily a subspace of V? 1. $V_1 \cap V_2$. 2. V1UV2. 3. $V_1 + V_2 = \{x + y : x \in V_1, y \in V_2\}.$ 4. $V_1 \setminus V_2 = \{x \in V_1 \text{ and } y \notin V_2\}.$ 77. मानें कि N एक 3 × 3 शून्येतर आव्यूह है जिसका गुण है N² = 0. निम्न में से कौन सा/से सही है/हैं ? N एक विकर्ण-आव्यूह से समरूप नहीं है । 1. N एक विकर्ण-आव्युह से समरूप है । 2. N का एक शून्यंतर अभिलक्षणिक संदिश है । 3. 4. N के तीन रैखिकी खतंत्र अभिलक्षणिक सदिश हैं । 77. Let N be a nonzero 3×3 matrix with the property $N^2 = 0$. Which of the following is/are true? 1. N is not similar to a diagonal matrix. 2. N is similar to a diagonal matrix. N has one non-zero eigenvector. 3. 4. N has three linearly independent eigenvectors. गानें कि $x, y \in \mathbb{C}^n$ / $f(x, y) = \sup_{\alpha} \left\{ \left\| e^{i\theta} x + e^{i\phi} y \right\|^2 : \theta, \phi \in \mathbb{R} \right\} q \overline{z}$ विचारें / निग्न में से कौन-सा/से 78. TIS # 18 ? 1. $f(x,y) \le ||x||^2 + ||y||^2 + 2|\langle x,y \rangle|$. 2. $f(x,y) = ||x||^2 + ||y||^2 + 2\operatorname{Re}\langle x,y \rangle$. 3. $f(x,y) = ||x||^2 + ||y||^2 + 2|\langle x, y\rangle|$. 4. $f(x,y) > ||x||^2 + ||y||^2 + 2|\langle x, y\rangle|$.

26

78. Let
$$x, y \in \mathbb{C}^n$$
. Consider $f(x, y) = \sup_{\theta, \varphi} \left\{ \left\| e^{i\theta} x + e^{i\theta} y \right\|^2 : \theta, \varphi \in \mathbb{R} \right\}$. Which of the following isfare correct?
1. $f(x, y) \le \left\| x \right\|^2 + \left\| y \right\|^2 + 2 \left\| \langle x, y \rangle \right\|$. 2. $f(x, y) = \left\| x \right\|^2 + \left\| y \right\|^2 + 2 \operatorname{Re} \langle x, y \rangle$.

3.
$$f(x, y) = ||x||^2 + ||y||^2 + 2|\langle x, y \rangle|$$
. 4. $f(x, y) > ||x||^2 + ||y||^2 + 2|\langle x, y \rangle|$.

एकक II/Unit II

79. निग्न में से कौन-से समुख्यय C[0, 1] में सचन हैं ? (तच्चक-मानक सांस्थितिकी के विषय में [0, 1] पर वास्तनिक मूल्यवालें सतत फलनों की समस्टि)

١.,	$\{f \in \mathbb{C}[0, 1] : f \notin \# \notin g \notin \notin \}$	2.	$\{f \in C[0, 1] : f(0) = 0\}$
3.	$\{f \! \in \! C[0,1] : \! f\!(0) \neq 0\}$	4.	${f \in C[0, 1] : \int_{0}^{1} f(x) dx = 5}$

79. Which of the following sets are dense in C[0, 1] (the space of real valued continuous functions on [0, 1] with respect to sup-norm topology)?

1.	${f \in C[0, 1] : f \text{ is a polynomial}}$	2.	$\{f \in C[0, 1] : f(0) = 0\}$
3.	$\{f\!\!\in\! C[0,1]:f\!\!(0)\neq 0\}$	4.	$\{f \in C[0,1] : \int_{0}^{1} f(x) dx = 5\}$

80.

मान कि f: C→ C, n ≥ 1 थे लिये f $\left(rac{1}{n}
ight) = rac{n}{2n+1} का समाधान करता हुआ एक मेरोमार्फिक फलन है जो 0$ पर विश्लेषक है ।

 1. f(0) = 1/2
 2. z = -2 पर f का एक साधारण अनंतक है ।

 3. f(2) = 1/4
 4. ऐसा कोई मेरोमार्फिक फलन का अस्तित्य नहीं है।

80. Let $f: \mathbb{C} \to \mathbb{C}$ be a meromorphic function analytic at 0 satisfying $f\left(\frac{1}{n}\right) = \frac{n}{2n+1}$ for $n \ge 1$. Then

f(0) = 1/2
 f has a simple pole at z = -2
 f(2) = 1/4
 no such meromorphic function exists

81.	मानें किं f एक सर्वत्र वैश्लेषिक कलन है । अगर	f का अधिकस्पित भाग ≥ 0, तो
	1. f का वारतविक भाग स्थिर है ।	2. f सिधार है ।
	3. $f = 0$.	4. ∫' एक सून्येतर रिथरांक है ।
31.	Let f be an entire function. If Im $f \ge 0$,	then
-	 Ref is constant 	
	3. $f = 0$	 f is constant f' is a nonzero constant
	And An And Constant	st j is a nonzero constant
2.	मानें कि $f: \mathbb{D} \to \mathbb{D}$ $f(0) = 0$ व $f(1/2) = 0$ कीन से कथन सही हैं ?)के साथ होलोमार्फिक है, जहाँ D = {z: z <1}, निम्न में से
	1. $ f'(1/2) \le 4/3$	2. $ f'(0) \le 1$
	3. $ f'(1/2) \le 4/3$ and $ f'(0) \le 1$	4. $f(z) = z, z \in \mathbb{D}$
2.	Let $f: \mathbb{D} \to \mathbb{D}$ be holomorphic with $f(0) =$ the following statements are correct?	0 and $f(1/2) = 0$, where $\mathbb{D} = \{z: z \le 1\}$. Which of
	1. $ f'(1/2) \le 4/3$	2. $ f'(0) \le 1$
	3. $ f'(1/2) \le 4/3$ and $ f'(0) \le 1$	4. $f(z) = z, z \in \mathbb{D}$
3.	2 = x + iy रूप के z∈C थे लिये परिभाषित करें	and the first of the second second second second
	$\mathbb{H}^+ = \{z \in \mathbb{C} : y \ge 0\},\$	
	$\mathbb{H}^-=\{z\in\mathbb{C}:y\leq 0\},$	
	$\mathbf{L}^+ = \{z \in \mathbb{C} : x \ge 0\},\$	
	$\mathbf{L}^- = \{z \in \mathbb{C} : x < 0\}.$	
	फलन $f(z) = \frac{2z+1}{5z+3}$	
	 H⁺ को H[*] के ऊपर व H⁻ को H⁻ ऊपर 1 	प्रतिचित्रित करता है ।
	 H' को H' के जपर य H' को H' के जपर 	' प्रतिवित्रित करता है ।
	3. H'को L' के ऊपर व H को L के ऊपर	' प्रतिचित्रित करता है' ।
	4. H"को L'के सपर व H को L'के सपर	प्रतिचित्रित करता है ।
		and the second

28

83. For $z \in \mathbb{C}$ of the form z = x + iy, define

$$\begin{split} & \mathbb{H}' = \{ z \in \mathbb{C} : y \geq 0 \}, \\ & \mathbb{H}^- = \{ z \in \mathbb{C} : y \leq 0 \}, \\ & \mathbb{L}' = \{ z \in \mathbb{C} : x \geq 0 \}, \\ & \mathbb{L}^- = \{ z \in \mathbb{C} : x \leq 0 \}. \end{split}$$

The function $f(z) = \frac{2z+1}{5z+3}$

- 1. maps H' onto H' and H onto H',
- 2. maps H" onto H" and H" onto H".
- 3. maps H' onto L' and H onto L.
- 4. maps H' onto L' and H onto L'.

84.
$$z = 0$$
 or $\overline{v_{rol}} f(z) = \exp\left(\frac{z}{1 - \cos z}\right) \overline{v_l}$

-], एक अपनेय विचित्रता है ।
- 2. एक अनंतक है ।
- एक अनिवार्य विवित्रता है ।
- z=0 के आस पास f(z) के लॉरेन्ट विस्तरीकरण के अनन्ततः बहुत धनात्मक य ऋणात्मक घात z के है।

84. At
$$z = 0$$
, the function $f(z) = \exp\left(\frac{z}{1 - \cos z}\right)$ has

- 1. a removable singularity.
- 2. a pole.
- 3. an essential singularity.
- the Laurent expansion of f(z) around z = 0 has infinitely many positive and negative powers of z.
- 85. मानें फि R = Q [x]/1 जहाँ 1, 1 + x² द्वारा जनित एक आदर्श है । मानें कि R में x का सहसमुख्यय y है । तो R पर अलघुकरणीय है

1.
$$y^2 + 1$$

3. $y^2 - y + 1$
4. $y^3 + y^2 + y + 1$

85.

Let R = Q[x]/I where I is the ideal generated by $1 + x^2$. Let y to the coset of x in R. Then

1.	$y^2 + 1$ is irreducible over R.	2. $y^2 + y + 1$ is irreducible over R.
32	$v^2 - v + 1$ is irreducible over R	4. $v^3 + v^2 + v + 1$ is irreducible over R

86,	निम्न में से कौन-सा सही है ?				
	 Sin7⁹, Q पर बीजीय 8 / 	 Cos π/17, Q पर बीजीय 8 / 			
	3. Sin ⁻¹ 1, Q पर कीजीय है ।	4. $\sqrt{2} + \sqrt{\pi}$, $\mathbb{Q}(\pi)$ पर वीजीय है ।			
86.	Which of the following is true?				
	 Sin^{7°} is algebraic over Q. 	 Cos π/17 is algebraic over Q. 			
	3. $\operatorname{Sin}^{-1} 1$ is algebraic over \mathbb{Q} .	4. $\sqrt{2} + \sqrt{\pi}$ is algebraic over $\mathbb{Q}(\pi)$.			
87.	$\overline{\eta}(\hat{\eta}' f \hat{\eta} f(x) = x^3 + x^2 + x + 1) \ (\eta q' g(x) = x^3 + 1) \ (\hat{\eta}' Q[x]) \hat{\eta}'$				
	 महत्तम आग भाजक (f(x), g(x)) = x + 	1.			
	2. <i>महत्तम आम भाजक</i> $(f(x), g(x)) = x^2 - 1.$				
	3. arguin annual $(f(x), g(x)) = x^5 + x^3 + x^2 + 1$.				
	4. तापुताम समापवर्त्य $(f(x), g(x)) = x^3 +$	$x^4 + x^3 + x^2 + 1$.			
87.	Let $f(x) = x^3 + x^2 + x + 1$ and $g(x) = x^3 + 1$.	Then in Q[x],			
	1. g.c.d. $(f(x), g(x)) = x + 1$.				
	2. g.e.d. $(f(x), g(x)) = x^2 + 1$.				
	3. l.c.m. $(f(x), g(x)) = x^5 + x^3 + x^2 + 1$.				
	4. l.c.m. $(f(x), g(x)) = x^{5} + x^{4} + x^{3} + x^{4} + x^{4} + x^{5} + x^{4} + x^{5} + x^{$	÷1.			
88.	कोटि 36 के कोई समूह G व उसके उपसमूह H जो G कोटि 4 के लिये				
	1. $H \subset Z(G)$.	2. $H = Z(G)$.			
	3. G में H प्रसामान्य है ।	 H एक आवेली समूह है । 			
88.	For any group G of order 36 and any subgro	oup H of G order 4,			
	1. $H \subset Z(G)$.	2. $H = Z(G)$.			
	3. <i>H</i> is normal in <i>G</i> .	4. <i>H</i> is an abelian group.			
89.	मानें कि G समूह S4 × S3 का मिर्दिष्ट करता है । त	a)			
	 G यम 2-सैलो उपसमूह प्रसामान्य है । 	2. G यन 3-सैलो उपसमूह प्रसामान्य है ।			
	3. G का एक अतुच्छ प्रसामान्य उपसमूह है ।	 G का एक प्रसामान्य उपसमूह कोटि 72 का है 			

89. Let G denote the group $S_4 \times S_1$. Then

- a 2-Sylow subgroup of G is normal.
- G has a nontrivial normal subgroup.
- a 3-Sylow subgroup of G is normal.

10

oup. 4. G has a normal subgroup of order 72.

90 माने कि X एक प्रसामान्य हाऊसडोंर्फ समष्टि है । माने कि A₁, A₂, A₃, X के संवृत्त उपसमूह है जो युगलतः असंयुक्त है । हो X पर एक संतत वास्तविक मूल्यवाला फलन f हमेशा रहता है ताकि f(x) = a_i यादि x∈A_i, i = 1, 2,3.

- 1. हर a, या तो 0 या 1 होने पर ही ।
- कम से कम a1, a2, a3 में कोई भी दो संख्याओं के समान होने पर ही 1
- a₁, a₂, a₃ के सभी दास्तविक मूल्यों के लिये ।
- तभी जब समुच्चयाँ A₁, A₂ एवं A₁ में से एक रिक्त हो ।
- 90 Let X be a normal Hausdorff space. Let A₁, A₂, A₃ be closed subsets of X which are pairwise disjoint. Then there always exists a continuous real valued function f on X such that f(x) = a_i if x ∈ A_i, i = 1, 2, 3
 - iff each a, is either 0 or 1.
 - iff at least two of the numbers a₁, a₂, a₃ are equal.
 - for all real values of a₁, a₂, a₃.
 - only if one among the sets A₁, A₂ and A₃ is empty.

एकक III/Unit III

91. Antipole states with the set of the set

- 1. $y_1(x) \to \infty$ (vi $y_2(x) \to 0$ or $x \to \infty$.
- 2. $y_1(x) \to 0 \quad \forall \vec{a} \quad y_2(x) \to 0 \quad \forall \vec{a} \quad x \to \infty.$
- 3. $y_1(x) \to \infty \ (\forall y_2(x) \to -\infty \ \forall \forall x \to -\infty)$
- 4. $y_1(x), y_2(x) \to -\infty \quad \text{org} \quad x \to -\infty$,

91. Consider the system of ODE

$$\frac{d}{dx}Y = AY, \quad Y(0) = \begin{bmatrix} 2\\ -1 \end{bmatrix}$$

where $A = \begin{pmatrix} 1 & 2\\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ and $Y = \begin{bmatrix} y_1(x)\\ y_2(x) \end{bmatrix}$. Then

1. $y_1(x) \to \infty$ and $y_2(x) \to 0$ as $x \to \infty$, 2. $y_1(x) \to 0$ and $y_2(x) \to 0$ as $x \to \infty$,

By © JbigDeal Download from www.JbigDeaL.com Powered

31

3. $y_1(x) \to \infty$ and $y_2(x) \to -\infty$ as $x \to -\infty$. 4.

 $y_1(x), y_2(x) \to -\infty \text{ as } x \to -\infty$

92.

परिसीमा मान समस्या y" + \lambda y = 0; y(0) = 0, y(1) = 0, के लिये ऐसा एक आभिलक्षणिक मान \lambda का अस्तिश्व है, जिसके (0, 1) में एक अभिलक्षणिक फलन संगत है, जो

3 1 -	थिद नहीं वदलता ।	2.	यिह यदलता है ।
3.	धनात्मक है ।	4.	ऋणारमक है ।

92.

For the boundary value problem

 $y'' + \lambda y = 0; y(0) = 0, y(1) = 0,$

there exists an eigenvalue λ for which there corresponds an eigenfunction in (0, 1) that

- docs not change sign. 1. 2. changes sign.
- 3. is positive. 4. is negative.

93.
$$y(x) = 0$$
 and $\frac{d^2 y}{dx^2} + y = \csc x; \quad 0 < x < \frac{\pi}{2}, \ y(0) = 0, \quad y\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0$ and $g \in g$

1. अवमुख 2. जन्मुख 3. त्रा.णात्मक 4. धनात्मक

93. The solution of the boundary value problem
$$\frac{d^2y}{dx^2} + y = \operatorname{cosec} x; \quad 0 < x < \frac{\pi}{2}$$

 $y(0) = 0, \quad y\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0$ is

2. concave

1. convex

3. negative 4. positive

94.

$$\left.\begin{array}{l} \frac{xu_x + yu_y}{u(x, y) = x}, \quad x^2 + y^2 = 1 \text{ if } \\ \frac{y^2}{u(x, y) = x}, \quad x^2 + y^2 = 1 \text{ if } \\ \end{array}\right\} \quad \text{for } \\$$

ताभी x∈R, y∈R के लिये एक हल है । 1.

 $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : (x, y) \neq (0, 0)\}$ पर एक अनन्य हल है । 2.

3. $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : (x, y) ≠ (0, 0)\}$ पर एक परिषदा हल है /

4. $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : (x, y) \neq (0, 0)\}$ पर एक अशन्य इल है. यर-तु हल अपरिवद है ।

94. The Cauchy problem

$$xu_{y} + yu_{y} = 0$$

$$u(x, y) = x, \quad on \ x^{2} + y^{2} = 1$$
has

a solution for all x∈R, y∈R.

- an unique solution in {(x, y) ∈ ℝ²: (x, y) ≠ (0, 0)}
- 3. a bounded solution in $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : (x, y) \neq (0, 0)\}$
- 4. an unique solution in $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : (x, y) \neq (0, 0)\}$, but the solution is unbounded.

95. गानें कि 11 जाम समीकरण

$$\begin{array}{l} u_t - u_{xx} = 0, \quad 0 < x < \pi \text{ and } t > 0 \\ u(0,t) = u(\pi,t) = 0, \quad t > 0 \\ u(x,0) = \sin x + \sin 2x, \quad 0 \le x \le \pi \end{array}$$

का एक इल है । तो

- 1. $\operatorname{refl} x \in (0, \pi)$ is final $u(x, t) \to 0$ or $t \to \infty$
- 2. $\exists t \eta h x \in (0, \pi) \hat{\sigma} t \exists t^2 u(x, t) \to 0 \ \forall t \to \infty$
- x∈ (0, π), t>0 के लिये eⁱu(x, t) एक परिबद्ध फलन है /
- 4. $\operatorname{and} x \in (0, \pi)$ at first $e^{2t}u(x, t) \to 0$ and $t \to \infty$

95. Let u be a solution of the heat equation

$$\begin{array}{c} u_t - u_{xx} = 0, & 0 < x < \pi \text{ and } t > 0 \\ u(0,t) = u(\pi,t) = 0, & t > 0 \\ u(x,0) = \sin x + \sin 2x, & 0 \le x \le \pi \end{array}$$

Then

1. $u(x, t) \to 0$ as $t \to \infty$ for all $x \in (0, \pi)$.

- 2. $t^2 u(x, t) \to 0$ as $t \to \infty$ for all $x \in (0, \pi)$.
- e^tu(x, t) is a bounded function for x∈ (0, π), t ≥ 0.

4,

4. $e^{2t}u(x, t) \to 0 \text{ as } t \to \infty \text{ for all } x \in (0, \pi).$

96. मानें कि u परिसीमा मान समस्या

$$u'' + \frac{1}{t}u' = f(t), \quad t \in (0,1)$$

$$u'(0) = a, u(1) = b$$

33

$$\begin{array}{l} \overline{q}\overline{q}\overline{r} \ \overline{g}\overline{q} \ \overline{g} \ + x^{2} + y^{2} \leq 1 \ \overline{q}\overline{r} \ \overline{q}\overline{q} \ \overline{q}\overline{q} \ \overline{q}\overline{q} \ \overline{q}(x, y) = u\left(\sqrt{x^{2} + y^{2}}\right)\overline{q}\overline{q} \ g(x, y) \\ f\left(\sqrt{x^{2} + y^{2}}\right), \ \overline{q}\overline{q} \ v(x, y) = u\left(\sqrt{x^{2} + y^{2}}\right)\overline{q}\overline{q} \ g(x, y) \\ v_{xx} + v_{yy} = g \quad \left\{(x, y) : x^{2} + y^{2} < 1\right\}\overline{q} \\ v(x, y) = 0 \quad \left\{x, y\right) : x^{2} + y^{2} = 1\right]\overline{q}\overline{q} \end{array}$$

का हल राब होगा यदि

1.
$$a > 0 \neq b > 0$$
 2. $a > 0 \neq b = 0$

 3. $a = 0 \neq b = 0$
 4. $a < 0 \neq b = 0$

96.

Let u be a solution of the boundary value problem

$$u'' + \frac{1}{t}u' = f(t), \quad t \in (0,1)$$

u'(0)=a, u(1)=b

Define for $x^2 + y^2 \le 1$, $v(x, y) = u(\sqrt{x^2 + y^2})$ and $g(x, y) = f(\sqrt{x^2 + y^2})$, then v is a solution of the PDE

 $\begin{array}{l} v_{xx} + v_{yy} = g \quad \text{in } \left\{ (x, y) : x^2 + y^2 < l \right\} \\ v(x, y) = 0 \quad \text{on } \left\{ (x, y) : x^2 + y^2 = l \right\} \end{array}$ if

 1. a > 0 and b > 0 2. a > 0 and b = 0

 3. a = 0 and b = 0 4. a < 0 and b = 0

97. यह दिया हुआ है कि एक उपरि त्रियुज आव्यूह (UTM) व्युत्कमणीय तभी है जब उसके सभी विकर्णी अवधव सूच्य से भिन्न है । निम्न रैखिक प्रणाली पर-विद्यारें ।

 $2x_1 + 3x_2 - x_3 = 5$ $4x_1 + 4x_2 - 3x_3 = 3$ (1) $-2x_1 + 3x_2 - x_3 = 1$

तो प्रणाली (1)

 एक UTM में रूपांतरित को जा सकती है, परन्तु यह युक्तम्पींग नहीं है क्योंकि उसके दिकली प्रथिष्टियाँ यून्य से मिन्न नहीं हैं ।

2. व्युत्कमणीय है हालांकि UTM में रूपान्तरित की नहीं जा सकती ।

S/07 RD/12-4 AH-3A

AH

3. UTM में लगान्तरित की जा सकती हैं वयोंकि सभी उपरि विकर्णीय प्रयिध्वियाँ शून्य से भिन्न हैं।

UTM में लपान्तरित की जा सकती है एवं UTM का हल (1) का भी इस है !

97.

Given that an upper triangular matrix (UTM) is invertible if and only if all its diagonal elements are different from zero, consider the linear system

$$2x_1 + 3x_2 - x_3 = 5$$

$$4x_1 + 4x_2 - 3x_3 = 3$$

$$-2x_1 + 3x_2 - x_3 = 1$$
(1)

Then system (1)

- can be transformed into an UTM but is not invertible because the diagonal entries of the UTM are not different from zero.
- 2. is invertible though cannot be transformed into an UTM.
- can be transformed into an UTM because above diagonal entries are all different from zero.
- can be transformed into an UTM and the solution of the UTM is the solution of (1).

1.
$$g(x) = x - \frac{x^2 - x - 2}{m}, m \in [-a, a]$$
 एक संभाव्य परण है जाएँ a एक धनारमक स्थिसक g (

2.
$$g(x) = x^2 - 2, g(x) = 1 + \frac{2}{x}$$
 where $\pi \cos \beta$:

3.
$$g(x) = x - \frac{x^* - x - 2}{K}, K \neq 0, K \in \mathbb{R}$$
 you solve a or $k \neq i$

4.
$$g(x) = x^2 - 2, g(x) = 1 + \frac{2}{x}$$
 एक मात्र समाव्य तरण है ।

98. Consider the function

$$f(x) = x^2 - x - 2 = 0$$
 (1)

Let x = g(x), so that any fixed point of g(x) is a solution of (1). Then

1. $g(x) = x - \frac{x^2 - x - 2}{m}$, $m \in [-a, a]$ is a possible choice where a is positive constant.

2.
$$g(x) = x^2 - 2$$
, $g(x) = 1 + \frac{2}{x}$ are possible choices.

- 3. $g(x) = x \frac{x^2 x 2}{K}, K = 0, K \in \mathbb{R}$ is a possible choice.
- 4. $g(x) = x^2 2$, $g(x) = 1 + \frac{2}{x}$ are the only possible choices.

S/07 RD/12-4 AH-3B

समाकल समीकरण $\phi(\hat{x}) = \lambda \int K(x,\zeta) \phi(\zeta) d\zeta$

 $\begin{array}{l} \overline{\sigma} \overline{c} \overline{t} \; \lambda \; \overline{\eta} \; \overline{\sigma} \; \overline{x} | \overline{s} \overline{c} \\ \overline{c} \overline{c} \\ \overline{c}$

है. एक परिसीमा मान समस्या φ"(x) – f(λ) φ(x)=0, φ(π)= 0, φ'(0)= 0 की ओर ते जाता है. जहाँ f(λ) झात है । तो इस परिसीमा मान समस्या का

1.3	जब f(l) = 0, एक अनन्य हल है ।	2.	जब f(え) > 0, अनंत संख्या के हल हैं ।
3.	जब f(\lambda) < 0, कोई हल नहीं ।	4.	जब 2>1. एक अनन्य इस है ।

99. The integral equation

99.

$$\phi(x) = \lambda \int_{0}^{\pi} K(x,\zeta) \phi(\zeta) d\zeta$$

where λ is a parameter, and $K(x,\zeta) = \begin{cases} \cos x \sin \zeta, \text{ for } 0 \le x < \zeta \\ \cos \zeta \sin x, \text{ for } \zeta \le x \le \pi \end{cases}$

leads to a boundary value problem $\phi''(x) - f(\lambda) \phi(x) = 0$, $\phi(x) = 0$, $\phi'(0) = 0$, where $f(\lambda)$ is known. Then the boundary value problem has

- 1. a unique solution when $f(\lambda) = 0$. 2. infinite number of solutions when $f(\lambda) > 0$.
- 3. no solution when $f(\lambda) < 0$,

a unique solution when λ > 1.

100. $\overline{var}(x,y) = \iint_{D} \left[\left(\frac{\partial z}{\partial x} \right)^{2} + \left(\frac{\partial z}{\partial y} \right)^{2} - 2z \right] dxdy \quad \overline{var} \text{ if } D \quad \overline{var} \quad \overline{allar} \quad \overline{b} \quad \overline{blar}(x,y) = \int_{D} \left[\left(\frac{\partial z}{\partial x} \right)^{2} + \left(\frac{\partial z}{\partial y} \right)^{2} - 2z \right] dxdy \quad \overline{var} \text{ if } D \quad \overline{var} \quad \overline{allar} \quad \overline{blar}(x,y) = \int_{D} \left[\left(\frac{\partial z}{\partial x} \right)^{2} + \left(\frac{\partial z}{\partial y} \right)^{2} - 2z \right] dxdy \quad \overline{var} \text{ if } D \quad \overline{var} \quad \overline{blar} \quad \overline{blar}(x,y) = \int_{D} \left[\left(\frac{\partial z}{\partial x} \right)^{2} + \left(\frac{\partial z}{\partial y} \right)^{2} - 2z \right] dxdy \quad \overline{var} \text{ if } D \quad \overline{var} \quad \overline{blar} \quad \overline{blar}(x,y) = \int_{D} \left[\left(\frac{\partial z}{\partial x} \right)^{2} + \left(\frac{\partial z}{\partial y} \right)^{2} - 2z \right] dxdy \quad \overline{var} \quad \overline{blar} \quad \overline{bla$

- 1. $z_0 = \sum_{i=1}^{n} \alpha_i \phi_i(x, y)$, जहाँ α_i त्रिथरांक हैं एवं D पर कलनें ϕ_i एकघाततः त्यतंत्र हैं i
- 3. $z_0 = \alpha \phi(x, y) \overline{\sigma} \overline{s} \overline{t} \alpha \overline{s} \overline{s} \overline{t} \overline{y} \overline{t} D \overline{y} \overline{s} \phi \overline{s} \overline{t} \overline{s} \overline{t}$
- 4. $z_0 = (x^2 1)(y^2 1)/16.$

30

100. An approximate solution $z = z_0(x, y)$ to the problem of extremizing the functional

$$I(z(x,y)) = \iint_{D} \left[\left(\frac{\partial z}{\partial x} \right)^{2} + \left(\frac{\partial z}{\partial y} \right)^{2} - 2z \right] dx dy,$$

where D is the square, $-1 \le x \le 1$, $-1 \le y \le i$, and z = 0 on the boundary of the square, is of the form

- 1. $z_0 = \sum_{i=1}^{n} \alpha_i \phi_i(x, y)$, where α_i are constants and functions ϕ_i are linearly independent
 - an D
- 2. $z_0 = \alpha_1 \phi_1(x, y) + \alpha_2 \phi_2(x, y)$, where α_1 and α_2 are constants, and ϕ_1 and ϕ_2 have continuous partial derivatives.
- 3. $z_0 = \alpha \phi(x, y)$ where α is a constant and ϕ is continuous in D

4.
$$z_0 = (x^2 - 1)(y^2 - 1)/16$$
.

101. निग्न में जीन-सा/से सही है/हैं ?

- हैमिल्टन नियम डिलम्बर्ट सिद्धात का अनुमामी है ।
- जब तक व्यापनीकृत निर्देशांक के अवकलों के बीच के संबन्ध दिया नहीं जाता, हैगिल्टन नियम लांगायिक प्रणाली वे लिये लागू नहीं होता ।
- हैमिल्टन निधम लग्रांनी समीकरणों का अनुगामी है ।
- 4. न्यूटन का हितीय मियम हैपिल्टन नियम का अनुगामी है ।
- 101. Which of the following is/are correct?
 - Hamilton's principle follows from the D'Alembert's principle.
 - Hamilton's principle is not usually applicable to nonholonomic system, unless a relation connecting the differentials of generalized coordinates is given.
 - 3. Hamilton's principle follows from Lagrange's equations.
 - Newton's second law of motion follows from the Hamilton's principle.
- 102. माने कि L एक प्रणाली की लगानी है । तो
 - लगांजी समीवारणें द्वितीय कोटि के अवकल समीवन्शें हैं ।
 - समीकरणों की कुल संख्या आपकीकृत निर्देशांकों की संख्या के समाम है ।
 - लगांजी Louri कलानिक जप में जनना नहीं हैं, परन्तु लगांजी गति समीकरणों के रूप का परिवमण संभव है ।
 - ं4. जब संभावना उपस्थित है, लंगाजी फलन व्यापकीकृत गति का एक द्वियातीय फलन है ।

É

- 102. Let I, denote the Lagrangian of a system. Then the
 - Lagrange's equations are second order differential equations.
 - Total number of equations is equal to the number of generalized coordinates.
 - Lagrangian L is not unique in its functional form, but the form of the Lagrange's equation of motion can be preserved.
 - Lagrangian function is a quadratic function of generalized velocity when the potential exists.

37

एकक / Unit IV

103. मानें कि F(x, y), G(x) एवं H(y) क्रमशः (X, Y)का संयुक्त संघयी बंटन फलन, X का उपांत संचयी बंटन फलन, एवं Y का उपांत संचयी बंटन फलन हैं । परिभाषित करें कि

$$U = \begin{cases} 1 & u \notin X \le a \\ -1 & u \notin X > a \end{cases} \qquad \forall v = \begin{cases} 1 & u \notin Y \le b \\ -1 & u \notin Y > b \end{cases}$$

जहाँ a a b नियस वास्तविक अंक हैं । तो

1. अगर सहप्रसारण (U, V) = 0 तो सभी x σ y के लिये F(x, y) = G(x) H(y)

- 2. अगर सभी x व y के लिये F(x, y) = G(x) H(y) तो सहप्रसारण (U,V) = 0
- 3. अगर U a V स्वतंत्र हैं तो X व Y स्वतंत्र है ।
- 4. अगर X व Y स्वतंत्र हैं तो U व V स्वतंत्र हैं ।

103. Let F(x, y), G(x) and H(y) be the joint c.d.f. of (X, Y), marginal c.d.f. of X and marginal c.d.f. of Y respectively. Define

$$U = \begin{cases} 1 & if \quad X \le a \\ -1 & if \quad X > a \end{cases} \quad \text{and} \quad V = \begin{cases} 1 & if \quad Y \le b \\ -1 & if \quad Y > b \end{cases}$$

where a and b are fixed real numbers. Then

1. If Cov(U, V) = 0 then F(x, y) = G(x) H(y) for all x and y.

If F(x, y) = G(x)H(y) for all x and y then Cov (U,V) = 0.

3. If U and V are independent then X and Y are independent.

4. If X and Y are independent then U and V are independent.

104. निम्न में से कौन से प्रतिबंध यादृथ्छिक चर X व Y की स्पतंत्रता की ओर संकेत करते हैं ?

1. With $a \in \mathbb{R}$ at finit P(X > a | Y > a) = P(X > a)

2. $\exists n \eta \uparrow a, b \in \mathbb{R}$ of $\exists r \eta \land P(X > a \mid Y < b) = P(X > a)$

- 3. X ब Y सङसंबंधित नहीं हैं ।
- 4. लगी a, b ∈ ℝ à तिये E[(X − a) (Y − b)] = E (X − a) E(Y − b)

104. Which of the following conditions imply independence of the random variables X and Y?

p(X ≥ a | Y ≥ a) = P (X ≥ a) for all a ∈ ℝ.

2. p(X > a | Y < b) = P(X > a) for all $a, b \in \mathbb{R}$.

- 3. X and Y are uncorrelated.
- 4. E[(X a) (Y b)] = E (X a) E(Y b) for all $a, b \in \mathbb{R}$.

105. अवस्था समाहि S = {1,2,3,4,5} एव साढा संक्रमण प्राधिकता P जो तीचे दिया गया है, वाले एक सार्थोंव अखता पर विचारे

	0.1	0	0.2	0.7	0)	
	0	聽	0	0	0	
P =	0.7	0	0.1	0.2	0	
	0.2	0	0.7	0.1	0	
	0	0.5	Ó	0	0.5/	

मानें कि $p_{ij}^{(n)}, P^n$ का (i, j) पाला अवयप है। तो

1.
$$\sum_{i=1}^{5} \lim_{n \to \infty} p_n^{(n)} = 1.$$

2. मार्कीव अंखला के लिये (0.25, 0.25, 0.25, 0.25, 0)एक स्तव्य बंटन हैं 1

3.
$$\sum_{n=1}^{\infty} p_{33}^{(n)} < \infty.$$

4.
$$\lim_{n \to \infty} p_{14}^{(n)} = 1/3$$

105. Consider a Markov chain with state space S = {1,2,3,4,5} and stationary transition probability matrix P given by

 $P = \begin{pmatrix} 0.1 & 0 & 0.2 & 0.7 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0.7 & 0 & 0.1 & 0.2 & 0 \\ 0.2 & 0 & 0.7 & 0.1 & 0 \\ 0 & 0.5 & 0 & 0 & 0.5 \end{pmatrix}$

Let $p_{ij}^{(n)}$ be the (i, j) th element of P^{i}

Then

1.
$$\sum_{a=1}^{3} \lim_{a \to \infty} \rho_a^{(a)} = 1.$$

2. (0.25, 0.25, 0.25, 0.25, 0) is a stationary distribution for the Markov chain.

10

39

3.
$$\sum_{n=1}^{n} p_{33}^{(n)} < \infty,$$

4.
$$\lim_{n \to \infty} p_{14}^{(n)} = 1/3,$$

106.
$$x \in \mathbb{R}$$
, \vec{w} and $\vec{m}\vec{v}$ and $g(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}x^2} \nabla \vec{u} \,\mathbb{R}$ and \vec{v} or \vec{v} and \vec

- (i) $\exists \pi \eta i x \in \mathbb{R}$ एवं शून्येतर $u \Rightarrow \ dat u(-x) = -u(x)$
- (ii) $x \notin (-1, 1) \neq \text{ford} u(x) = 0$
- (iii) $\operatorname{real} x \in \mathbb{R} \Rightarrow \operatorname{first} |u(x)| \le \frac{1}{2\sqrt{2\pi e}}$

मानें कि सभी $x \in \mathbb{R}$ के लिये f(x) = g(x) + u(x), तो

- 1. f ऋणात्मक मूल्य लें सकता है ।
- समी x के लिये f (x) > 0 एवं f असमाकलनीय है ।
- 3. R पर f एक प्रायिकता घनत्व फलन है ।
- f एक समाकलनीय फलन है ।

106. Let $g(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}x^2}$ for $x \in \mathbb{R}$ and u be a continuous function on \mathbb{R} such that

(i) u(-x) = -u(x), for all $x \in \mathbb{R}$, and u non-zero

(ii)
$$u(x) = 0$$
 for $x \notin (-1, 1)$,

(iii)
$$|u(x)| \le \frac{1}{2\sqrt{2\pi e}}$$
, for all $x \in \mathbb{R}$.

Let f(x) = g(x) + u(x), for all $x \in \mathbb{R}$. Then

- f can take negative values.
- 2. $f(x) \ge 0$ for all x and f is not integrable.
- f is a probability density function on R.
- f is an integrable function.

107. माने कि X₁, X₂, ... स्वतंत्र यादृष्टिक घर है जहाँ X_n, -n \overline{a} 3n (n = 1, 2,...) के बीच में एकसमानतः बटित है / माने कि N = 1, 2, ... के लिये $S_N = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=1}^N \frac{X_n}{n}$ एवं S_N का बेटन पालन F_N है / तथा माने कि Фएक मानक प्रसामान्य यादृष्टिक चर के बंटन कलन को निर्दिष्ट करता है / निम्न में से कौन-सा/ से सही है/है ?

40

1.
$$\lim_{N \to \infty} F_N(0) \le \Phi(0)$$

2.
$$\lim_{N \to \infty} F_N(0) \ge \Phi(0)$$

4.
$$\lim_{N \to \infty} F_N(0) \ge \Phi(0)$$

3.
$$\lim_{N \to \infty} F_N(1) \le \Phi(1)$$
4.
$$\lim_{N \to \infty} F_N(1) \ge \Phi(1)$$

107.

Let X₁, X₂, ... be independent random variables with X_n being uniformly distributed between -n and 3n, n = 1, 2,...

Let $S_N = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=1}^{N} \frac{X_n}{n}$ for N = 1, 2, ... and let F_N be the distribution function of S_N . Also let Φ

4

Ł

denote the distribution function of a standard normal random variable. Which of the following is/are true?

1. $\lim_{N \to \infty} F_N(0) \le \Phi(0)$ 3. $\lim_{N \to \infty} F_N(1) \le \Phi(1)$ 4. $\lim_{N \to \infty} F_N(1) \ge \Phi(1)$

 108.
 माने कि
 X_1 X_2 स्वतंत्र
 है
 $\overline{q}a$ $\overline{q}rach$ $\overline{u}rea$ $\overline{p}rea$ $\overline{f_1(x)} = \frac{1}{\theta}e^{-x/\theta}, x > 0$ \overline{q}
 $f_2(x) = \frac{2}{\theta}e^{-2x/\theta}, x > 0$ \overline{d} \overline{d} \overline{d} \overline{d} \overline{d}

 1.
 $X_1 + X_2, \theta$ \overline{d} \overline{d} \overline{d} \overline{d} \overline{d}

 1.
 $X_1 + X_2, \theta$ \overline{d} \overline{d} \overline{d} \overline{d} \overline{d}

108. Suppose X₁ has density $f_1(x) = \frac{1}{\theta} e^{-x/\theta}$, x > 0 and X₂ has density $f_2(x) = \frac{2}{\theta} e^{-2x/\theta}$, x > 0 and X₁, X₂ are independent. Then

1.	$X_1 + X_2$ is sufficient for θ .	2.	$X_1 + 2X_2$ is sufficient for θ .
3.	$X_1 + 2X_2$ is complete for θ_i	4,	$\frac{1}{2}(X_1+2X_2)$ is unbiased for θ .

109. Hiết lớc phiết que n (≥ 2) (construints variat not de diễm dation $X_1, X_2, ..., X_n$ ể, sự que, que sum N(μ, σ^2) diễm ở singt sự giết $-\infty < \mu < \infty$ que $0 < \sigma^2 < \infty$ chiết samme là diễt diễt là di diềt là diễt là diễt là diễt là diễt là di

- 8² का अधिकतम संभाषिता आकंलन 8² का अनमिनत आकलक है।
- c² का एकसमानत: न्यूनतम प्रचारण अनमिनत आकलन की c¹ के अधिकतम संभाविता आकलन की सुलना में कम पर्म माध्य तुदि होती है ।
- a² aो अधिकतम संभाविता आकलन एवं एकसमानतः न्यूनतम प्रसरण आकलन, दोनां उपगामी संगत आकलन है ।
- 6² को किसी भी अनमिनत आकलन के लिये 6² का एक दूसरा आकलन है जिसकी वर्ग माध्य ऋति थम है।

41

- 109. Suppose that we have $n (\ge 2)$ i.i.d. observations $X_1, X_2, ..., X_n$ each with a common $N(\mu, \sigma^2)$ distribution, where $-\infty < \mu < \infty$ and $0 < \sigma^2 < \infty$ are both unknown. Then
 - the maximum likelihood estimate of σ² is an unbiased estimate for σ².
 - the uniformly minimum variance unbiased estimate of σ² has smaller mean squared error than the maximum likelihood estimate of σ².
 - both the maximum likelihood estimate and the uniformly minimum variance estimate of σ² are asymptotically consistent estimates
 - for any unbiased estimate of σ², there is another estimate of σ² with a smaller mean squared error.
- 110. मानें कि X₁, X₂,...,X₂₅ अंतराल [θ − ½, θ + ½] में एक एकत्तमान बंटन से प्रेक्षण हैं, जहाँ −∞ < θ < ∞ एक अझात प्राचल है । तो
 - प्रतिदर्श माध्य, 0 का अनभिनत आकलन है ।
 - प्रतिदर्श मध्यिका, 0का अनगिनत आकलन है ।
 - प्रतिदर्श माध्य, 0 का एकसमानतः न्यूनतम प्रसरण अनमिनत आकालन नहीं है ।
 - प्रतिदर्श मध्यिका, 0 का एकसमानतः न्यूनतम प्रसरण अनमिनत आकलन नहीं है ।
- 110. Let X₁, X₂,...,X₁₅ be i.i.d. observations from a uniform distribution on the interval [θ ½, θ + ½] where -∞ < θ <∞ is an unknown parameter. Then the</p>
 - sample mean is an unbiased estimate for 0.
 - sample median is an unbiased estimate for θ.
 - sample mean is not the uniformly minimum variance unbiased estimate for θ.
 - sample median is not the uniformly minimum variance unbiased estimate for θ.
- 111. $\eta_i \vec{r} = h = \lambda_i = \lambda_$

प्रतिदर्श प्राप्त होता है । मार्ने कि
$$\overline{Y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} Y_i$$
 । तो λ का आधूर्ण विधि आकलक $\hat{\lambda}$ है :

1.
$$\hat{\lambda} = \frac{1}{\overline{Y}}$$

2. $\hat{\lambda} = \frac{1}{\overline{Y}} + 1$
3. $\hat{\lambda} = \ln\left(1 + \frac{1}{\overline{Y}}\right)$
4. आधिकतम संभागिया

Suppose X has density f (x; λ) = λe^{-λx}, x > 0, where λ > 0 is unknown. X is discretized to give Y = k if k < X ≤ k + 1, k = 0, 1, 2, A random sample Y₁, Y₂, ..., Y_u is available from the distribution of Y. Let Y = 1/n ∑_{i=1}ⁿ Y_i. Then the method of moments estimator λ of λ is

आफलक को समान ।

42

- 1. $\hat{\lambda} = \frac{1}{\overline{Y}}$ 3. $\hat{\lambda} = \ln\left(1 + \frac{1}{\overline{Y}}\right)$ 4. the same as the maximum likelihood estimator
- 112. सभी वास्तविक x के लिये 0 के आसपास सममित, जर्थात् f(x − 0) = f (0 − x), एक संतत प्राविकता चनत्व फलन f से निकाले गये एकसमानत: ल्यातंत्र रूप से बंदित प्रेक्षण É X₁, X₂,...,X_n i परीक्षण H₀:0 = 0 बनाम

मानें कि za मानक प्रसामान्य बंहन का ऊपरी 100(1 − α)याँ जतत्मक है, जहाँ 0 < α < 1 । तो निम्न में मे कीन सा∕से सही है/हैं ?

- 1. $\forall r \in \theta = 0, \ \forall t = 1$ $a \to \infty P\left\{S_n > \sqrt{n}z_{\alpha}\right\} = 1$ 2. $\forall r \in \theta = 0, \ \forall t = 1$ $a \to \infty P\left\{S_n > \sqrt{n}z_{\alpha}\right\} = \alpha$
- 3. $\forall \theta \ge 0$, $\forall \theta = \lim_{n \to \infty} P\{S_n \ge \sqrt{n}z_\alpha\} = 1$
- 4. $\pi \partial = \theta > 0, \quad \partial \partial = \lim_{n \to \infty} P\{S_n > \sqrt{n}z_n\} = \alpha$

112. Let X₁, X₂,...,X_n be i.i.d. observations from a distribution with continuous probability density function f which is symmetric around θ i.e. f(x - θ) = f (θ - x) for all real x.

Consider the test H₀: 0 = 0 vs H_A: 0 > 0 and the sign test statistic $S_n = \sum_{i=1}^n \operatorname{sign}(X_i)$ where

sign $(x) = \begin{cases} 1, & \text{if } x > 0 \\ 0, & \text{if } x = 0 \end{cases}$. Let z_{α} be the upper $100(1 - \alpha)$ th percentile of the standard normal $-1, & \text{if } x < 0 \end{cases}$

distribution where $0 \le \alpha \le 1$. Which of the following is/are correct?

1. If $\theta = 0$, then $\lim_{n \to \infty} P\{S_n > \sqrt{n}z_n\} = 1$.

2. If $\theta = 0$, then $\lim_{n \to \infty} P\{S_n > \sqrt{n}z_\alpha\} = \alpha$.

43

3. If $\theta > 0$, then $\lim_{n \to \infty} P\{S_n > \sqrt{n}z_{\alpha}\} = 1$.

4. If $\theta > 0$, then $\lim_{n \to \infty} P\{S_n > \sqrt{n} z_\alpha\} = \alpha$.

- 113. Suppose X₁, X₂,...X₁₀ is a random sample from N(θ , σ^2), $\sigma^2 = 10$. Consider the prior for θ , $\theta \sim N(0, \tau^2), \tau^2 = 20$. Let $\overline{X} = \frac{1}{10} \sum_{i=1}^{10} X_i$. Then the mode $\hat{\theta}$ of the posterior distribution for θ satisfies:
 - 1. $\hat{\theta} = \overline{X}$ 2. $\hat{\theta} = \frac{20\,\overline{X}}{21}$ 3. $\hat{\theta} \le \overline{X}$ if $\overline{X} \ge 0$ 4. $\hat{\theta} \ge \overline{X}$ if $\overline{X} \le 0$

114. (X, Y) पर किये गये निम्न याँच प्रेक्षणों पर विचारें : (0, 1), (1, 2), (2, 3), (3, 2), (4, 1) / तो

X पर Y का लघुतम-पर्ग रैथिक समाखयण है Y = ⁹/₅
 Y पर X का लघुतम-वर्ग रैथिक समाखयण है X = 2
 X a Y के बीच का सहसवंध युणांक 0 है ।

4. X a Y के बीच का सहसंबंध गुणांक +1 है ।

114. Consider the following five observations on (X, Y): (0, 1), (1, 2), (2, 3), (3, 2), (4, 1). Then

1. The least-square linear regression of Y on X is $Y = \frac{9}{5}$.

The least-square linear regression of X on Y is X = 2.

3. The correlation coefficient between X and Y is 0.

The correlation coefficient between X and Y is + 1.

44

115. माने कि ε₁, ε₂,... ε_n एकसमानतः स्वतंत्र रूप से N(0, σ²) के अनुसार बटित \$ / Y₁, Y₂,...,Y_a के बारे में विवारे जो नीचे परिभाषित किंगे मये \$.

$$\begin{split} Y_{i} &= \mu + \epsilon_{i}, \ Y_{i+1} - \mu = \rho \left(Y_{i} - \mu \right) + \sqrt{1 - \rho^{2}} \ \epsilon_{i+1}, \ i = 1, 2, \dots, n-1 \ i \\ \pi \vec{\tau} \ \vec{\eta} \ \vec{\tau} \ T &= \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} Y_{i} \ \vec{\eta} \ \vec{\tau} \ 0 < \rho < 1 \ \vec{\tau} \ \sigma^{2} > 0 \ i \ \vec{\tau} \ \vec{\tau} \ n \geq 2 \ \vec{\tau} \ \vec{\tau} \ \vec{\tau} \ \vec{\tau} \end{split}$$

E.	T एक प्रसामान्य बंटन है ।	2.	T का माध्य μ एवं प्रसरण σ ² /n है 1
	5/5		Q 52

3. $E(T) = \mu, \ \mu \notin \forall \forall (T) > \sigma^2/n.$ 4. $T \sim N(\mu, \delta^2) \ \forall \notin \delta^2 > \sigma^2/n.$

115. Suppose ε_1 , ε_2 ,..., ε_n are i.i.d. $N(0, \sigma^2)$. Consider Y_1 , Y_2 ,..., Y_n defined by $Y_1 = \mu + \varepsilon_1$, $Y_{i+1} - \mu = \rho(Y_i - \mu) + \sqrt{1 - \rho^2} \ \varepsilon_{i+1}$, i = 1, 2, ..., n - 1. Let $T = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n Y_i$. Suppose $0 \le p \le 1$ and $\sigma^2 \ge 0$. Then for $n \ge 2$ 1. T has a normal distribution. 2. T has mean μ and variance σ^2/n . 3. $E(T) = \mu$, $var(T) \ge \sigma^2/n$. 4. $T - N(\mu, \delta^2)$ where $\delta^2 \ge \sigma^2/n$.

116. एक चुनाव में एक राजनैतिक पक्ष को मिल सकने वाले मतों की अनुपात p के आकलन हेतु किये गये एक सर्वक्षण में दो साहित्यकीविद A & B अलग-अलग प्रतिदर्शी युद्धिायाँ अपनाते हैं :

सांखियकीविद A: 200 मतदाताओं से एक सामान्य यादूचिकक प्रतिदर्श थिना वापस किये घुनता है (SRSWOR), पाता है कि उनमें से x उस पक्ष के लिये मत देंगे, एवं p का इस प्रकार आकलन करता है :

$$p_1 = \frac{x}{200}$$

साहियनीविद B: मतदाताओं की सूची को पुरुष एवं स्वी सूचियों में विभाजित करता है, हर सूची से 100 को SRSWOR तरीके से बुनता है, पाता है कि कमशः x1 व x2 उसी पक्ष को मत देंने, एवं p का इस प्रकार

आकलन करता है :
$$p_2 = \frac{x_1 + x_2}{200}$$

दोनों सुचियों में मतदाताओं की संख्या लमान हैं : तो

p: एक जनमिनत आकलन है, परन्तू p2 नहीं 1

- 2. p1 , p2 दोनों अनमिनत आकलन है ।
- 3. p1, p2 दोनों अनभिनत आकलन है, परंतु p2 का प्रसरण p1 की तुलना में या तो कम या समान है 1
- 4. तरा पक्ष को मत देने वाले पुरुष व स्त्री मतदाताओं की अनुमात तमान होने पर ही p₁ व p₂ के प्रसरण तमान होंगे ।

116. In a survey to estimate the proportion p of votes that a party will poll in an election, statisticians A and B follow different sampling strategies as follows: <u>Statistician A:</u> Selects a simple random sample without replacement (SRSWOR) of 200 voters, finds that x of them will vote for the party and estimates p by 45

$$p_1 = \frac{x}{200}$$
.

Statistician B: Divides the voters' list into Male and Female lists, selects 100 from each list by SRSWOR, finds that x_1 , x_2 respectively will vote for the party and estimates p by

$$p_2 = \frac{x_1 + x_2}{200}$$
.

The number of voters in the two lists are the same. Then

- p₁ is an unbiased estimate but p₂ is not.
- 2. p_1 and p_2 are both unbiased estimates.
- p1 and p2 are both unbiased estimates, but p2 has a smaller variance than p1, or the same variance as p1.
- Variances of p1, p2 are the same only if the proportions of male and female voters who vote for the party are the same.

117. 1, 2, ..., 5 से अंकित 5 उपचार युक्त, दो खण्ड वाले निम्न खण्ड अभिकल्पना पर विचारें :

खण्ड I : {1, 2, 3}; खण्ड II: {1, 4, 5}

निम्न में कौन सा/से कथन सही है/हैं ?

- 1. अभिकल्पना संबद्ध है ।
- जहाँ ठ' एक प्रेक्षण का प्रसरण है, एक प्रारंभिक उपचार विषमता के श्रेष्ठतम रैसिक अनमिनत आकलक का प्रसरण या तो 25² या 45² है ।
- 3. अभिकत्यना, जिसकी प्रत्याशा शून्य से सर्वथासम है, द्वारा एकत्रित ऐसा कोई अतुच्छ रैखिक फलन नहीं है ।
- 4. तुटि के साथ सहचारी त्वतंत्रता कोटि शून्य है ।
- 117. Consider the following block design involving 5 treatments, labelled 1, 2, ..., 5, and two blocks:

Block I: {1, 2, 3}; Block II : {1, 4, 5}. Which of the following statements is/arc true?

- The design is connected.
- The variance of the best linear unbiased estimator of an elementary treatment contrast is either 2σ² or 4σ², where σ² is the variance of an observation.
- There is no non-trivial linear function of observations collected through the design whose expectation is identically equal to zero.
- The degrees of freedom associated with the error is zero.

118. मानें कि हमारे पास एक आंकड़ा समुच्चय है जिसमें 25 प्रेक्षण है, जिसका हर एक का मूल्य 0 या 1 है ।

- 1. आंकडों का माध्य उनके प्रसरण से अधिक नहीं हो सकता ।
- 2. आंकड़ों का माध्य उनके प्रसरण से कम नहीं हो सकता ।
- 3. जब माध्य एवं प्रसरण समान हैं, इसका मतलब हुआ कि माध्य शून्य है ।
- 4. प्रसरण शून्य तभी होगा जब माध्य 0 या 1 होगा ।

118. Suppose that we have a data set consisting of 25 observations, where each value is either 0 or 1.

- The mean of the data cannot be larger than the variance.
- 2. The mean of the data cannot be smaller than the variance.
- 3. The mean being same as the variance implies that the mean is zero.
- The variance will be 0 if and only if the mean is either 1 or 0.
- 119. $auxiliar x_1 + x_2 \ge 5$, $4x_1 x_2 \le 15$ via $4x_2 x_1 \le 15$ and given an even and are $x_1 \ge 0$ via $x_2 \ge 0$ vere that i the other second sec
 - 1. 3x1 + 2x2 का अधिकतम पान है 25 / 2. 3x1 + 2x2 का न्यूनतम मान है 11 /
 - 3x₁ + 2x₂ का कोई परिणित अधिकतम नहीं है।
 4. 3x₁+ 2x₂ का कोई परिणित न्यूनतम नहीं है।

119. Consider the variables x₁ ≥ 0 and x₂ ≥ 0 satisfying the constraints x₁ + x₂ ≥ 5, 4x₁ - x₂ ≤ 15 and 4x₂ - x₁ ≤ 15. Which of the following statements is/are correct?

- 1. The maximum value of $3x_1 + 2x_2$ is 25
- The minimum value of 3x₁ + 2x₂ is 11

ĩ

- 3. $3x_1 + 2x_2$ has no finite maximum 4. $3x_1 + 2x_2$ has no finite minimum
- 120. एक रोवक वाले एक प्रयाली में मानें कि ग्राहक ष्वासों पति, प्रति 12 मिनट में एक व्यक्ति, से आते है एवं उनकी सेवा पासों पति, प्रति 8 मिनट में एक सेवा से की जाती है । यदि आगमन गति 20% बढ़ती है तो, स्वाधी अवस्था में
 - 1. प्रणाली में ग्राहकों की माध्य संख्या में बढत 2 है ।
 - प्रणाली में प्रातकों की माध्य संख्या में बढत 4 है ।
 - 3. प्रणाली में ग्राहक द्वारा बिताया गया माध्य समय में बढत 16 यिनट है ।
 - 4. प्रणाली में प्राहक दास विताया गया माध्य समय में यहत 24 मिनट है ।
- 120. In a system with a single server, suppose that customers arrive at a Poisson rate of 1 person every 12 minutes and are serviced at the Poisson rate of 1 service every 8 minutes. If the arrival rate increases by 20% then in the steady state
 - the increase in the average number of customers in the system is 2.
 - 2. the increase in the average number of customers in the system is 4.
 - 3. the increase in the average time spent by a customer in the system is 16 minutes.
 - 4. the increase in the average time spent by a customer in the system is 24 minutes.